

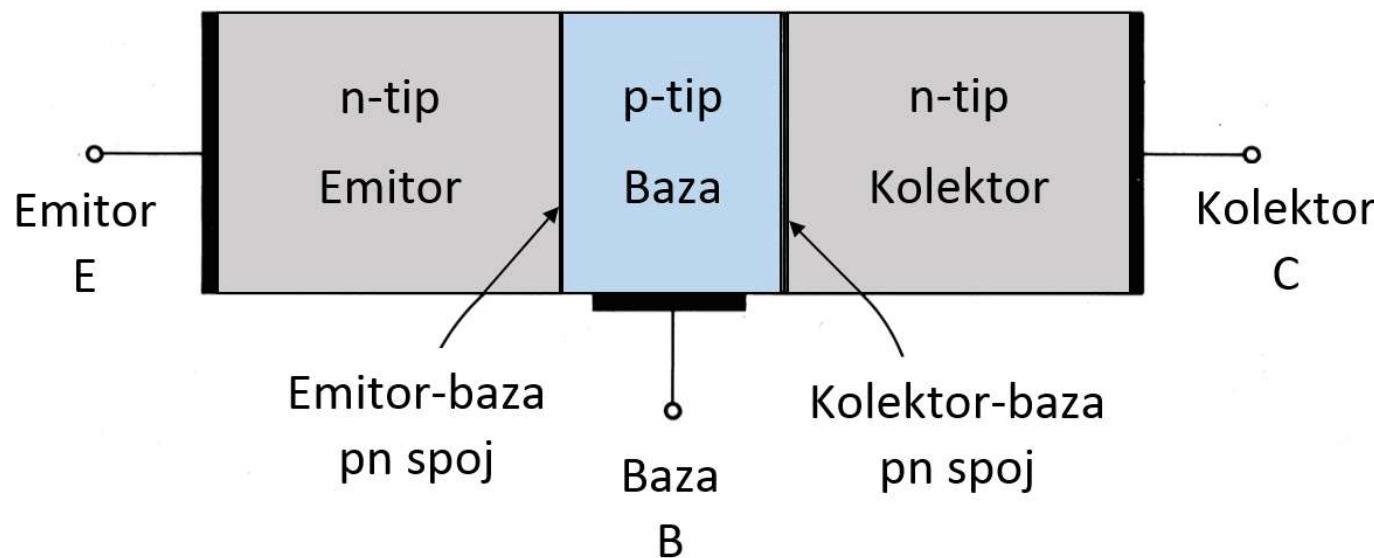
# BIPOLARNI TRANZISTORI

## Aktivne komponente

- Elektronske komponente sa tri priključka imaju daleko veće primene od komponenti sa dve elektrode kao što je dioda. One nalaze primenu u pojačanju signala, u memorijskim kolima, digitalnim kolima.
- Osnovni princip funkcionisanja tranzistora je da se naponom između dve elektrode kontroliše struja koja protiče kroz treću elektrodu.
- U digitalnim kolima napon između dve elektrode menja struju kroz treću elektrodu na takav način da kroz nju ili ne teče struja (otvoreni prekidač) ili protiče velika struja (zatvoreni prekidač). Praktično tranzistor funkcioniše kao prekidač.

# Struktura bipolarnog tranzistora

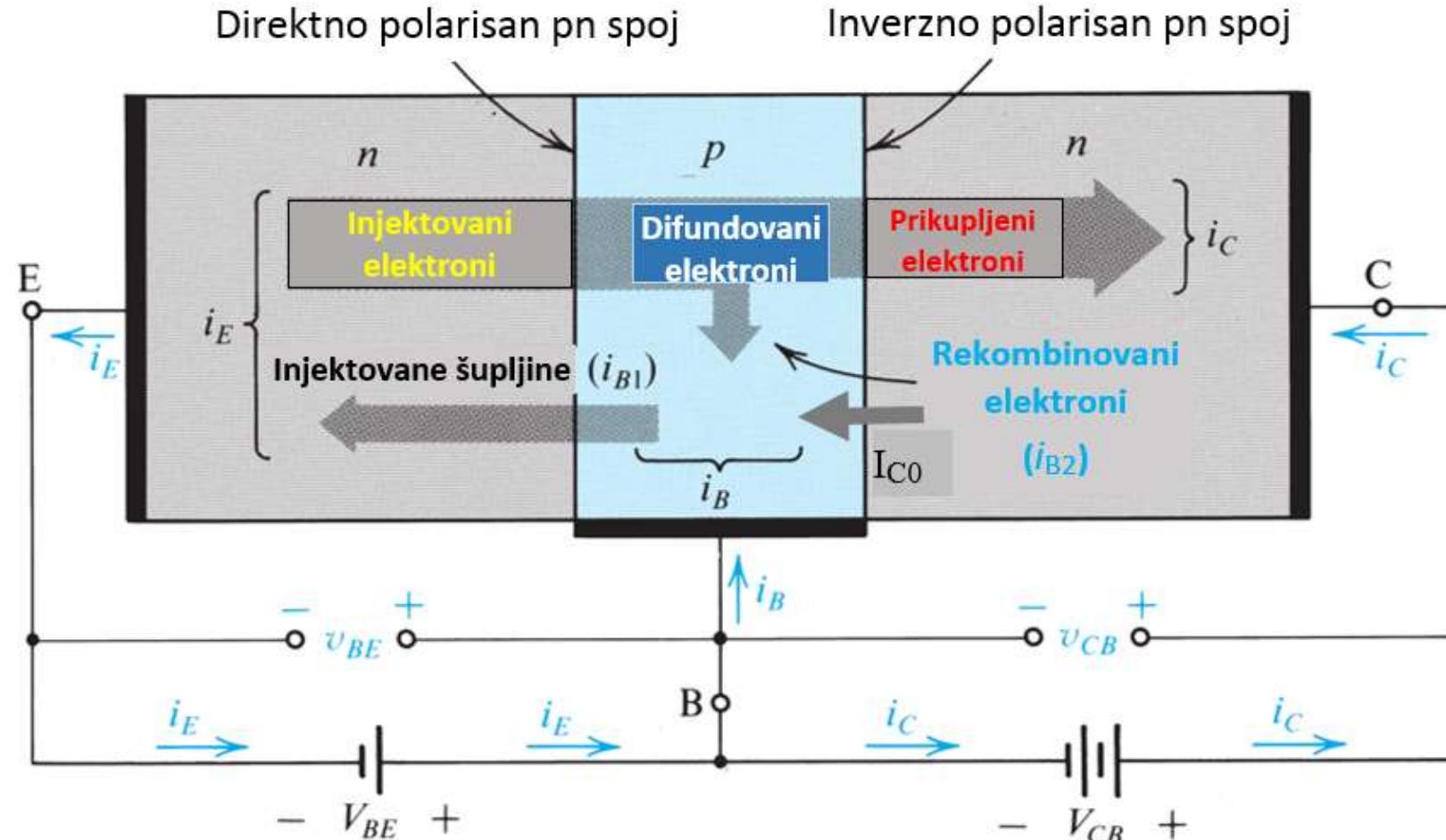
Bipolarni tranzistor sadrži tri oblasti: emitor, baza kolektor. Između baze i emitora je **emitorski pn spoj**, a između baze i **kolektorski pn spoj**.



Širina baze bipolarnog tranzistora je veoma mala, reda nekoliko destina mikrometara, i znatno manja od ostalih oblasti. S obzirom da su dva pn spoja bipolarnog tranzistora veoma blizu jedan drugog funkcionisanje tranzistora nije moguće svesti na dve redno vezane diode. Naziv bipolarni tranzistor potiče od činjenice da su nosioci nanelektrisanja u oba tipa tranzistora (n-p-n i p-n-p) i šupljine i elektroni.

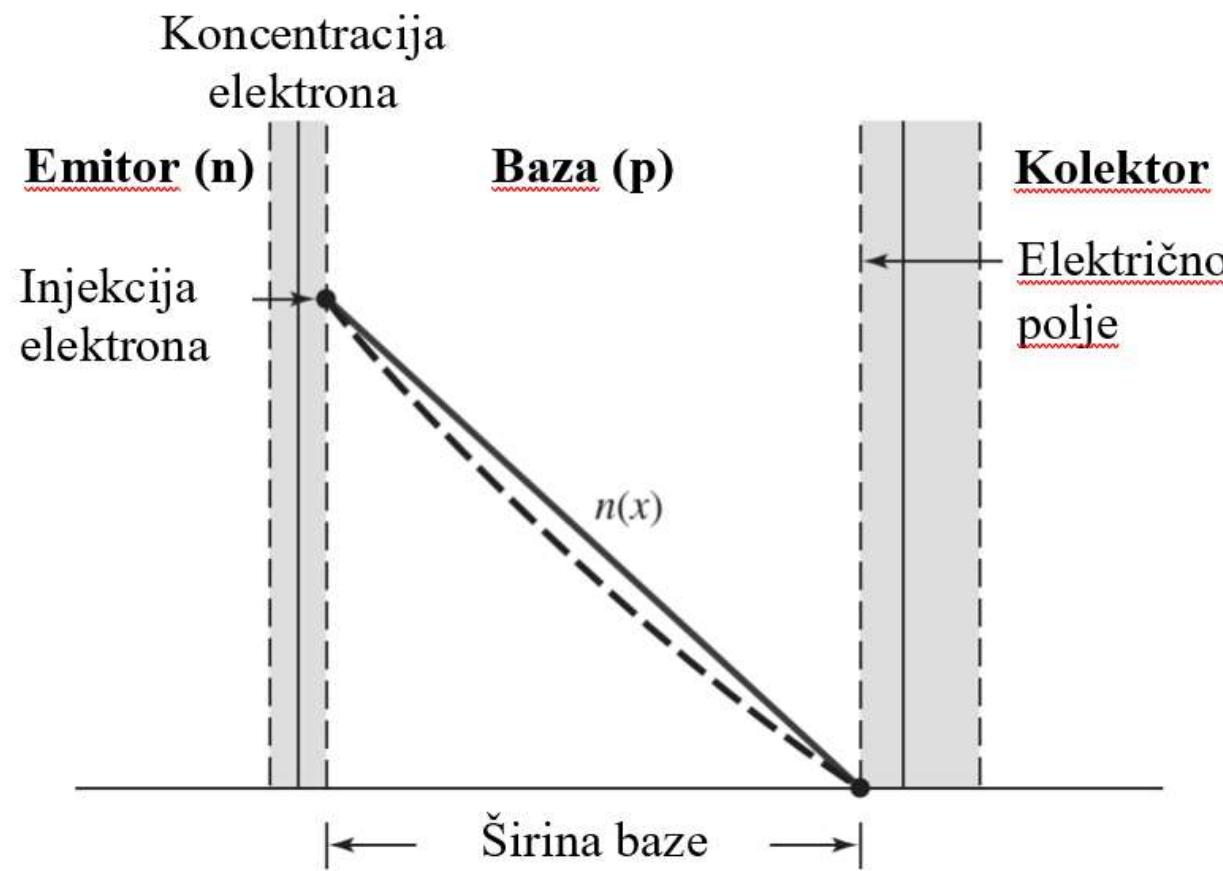
Slika prikazuje komponente struja npn tranzistora kada je emitorski pn spoj polarisan direktno a kolektorski inverzno. Ovakva polarizacija pn spojeva odgovara **aktivnom režimu rada**, koji se primenjuje za pojačanje signala.

Bipolarni tranzistor nije simetrična komponenta u električnom smislu. Koncentracije nosilaca u pojedinim oblastima značajno se razlikuju. Najveća koncentracija nosilaca nanelektrisanja je u emitoru, a najmanjama u kolektoru. Zbog znatno veće koncentracije elektrona u emitoru u odnosu na koncentraciju šupljina u bazi, na emitorskom pn spaju će struja šupljina biti znatno manja u odnosu na struju elektrona.

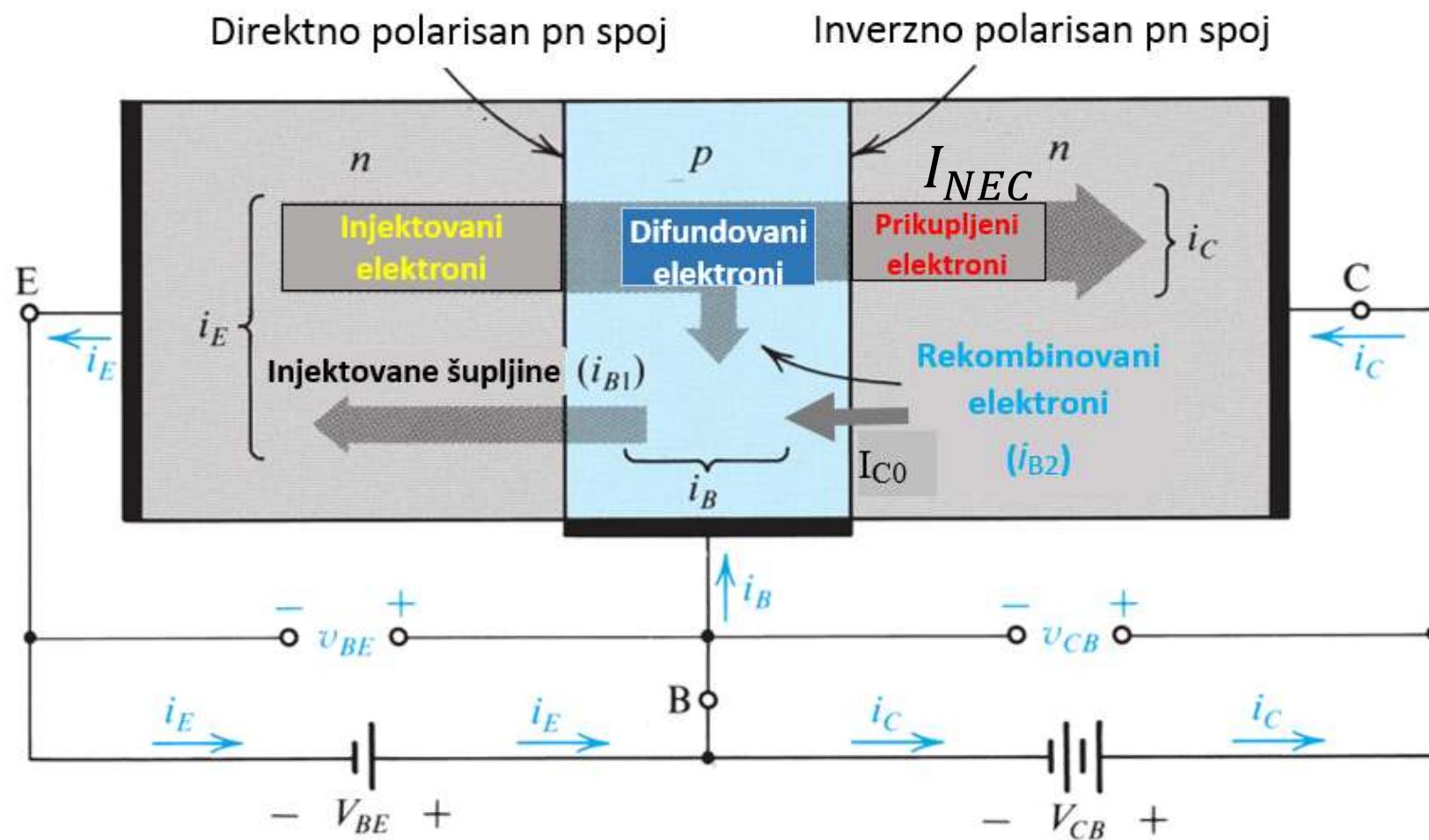


Kao posledica direktne polarizacije emitorskog pn spoja koncentracija elektrona na spoju baze i emitora biće eksponencijalno srazmerna naponu  $v_{BE}$ . Isto tako usled inverzne polarizacije kolektorskog pn spoja koncentracija elektrona na spoju kolektor baza biće jednaka nuli. Ova velika razlika u koncentraciji elektrona duž baze dovodi do njihovog difuzionog kretanja elektrona prema kolektoru.

Kada elektroni iz emitora dospeju do kolektorskog pn spoja oni bivaju prikupljeni u oblast kolektora električnim poljem na kolektorskom pn spoju.



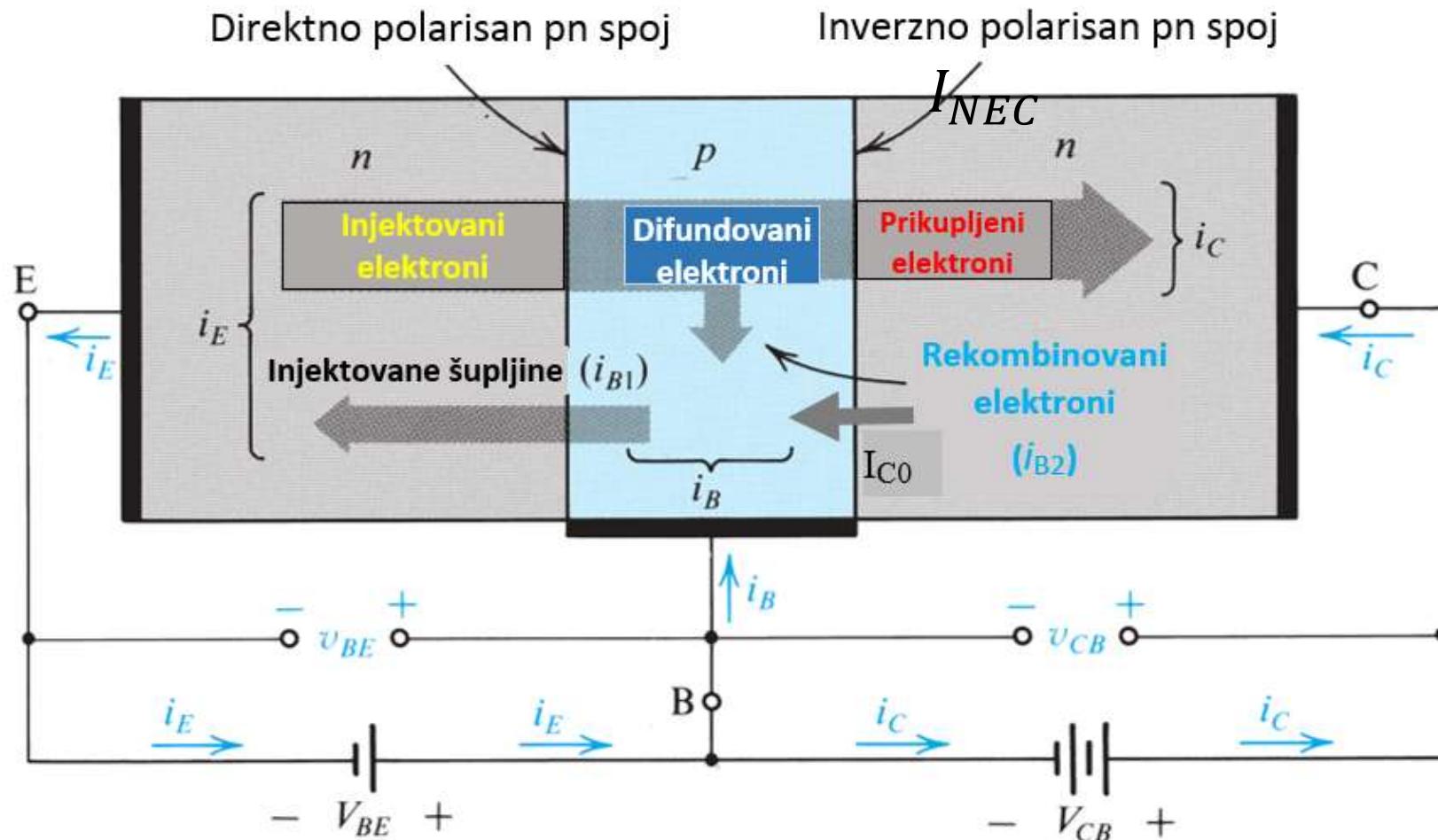
Bipolarni tranzistor je konstruisan na takav način da u aktivnom režimu rada najveći deo struje kolektora čine većinski nosioci naleketrisanja emitora koji su prošli kroz emitorski i kolektorski pn spoj i doprli do kolektora,  $I_{NEC}$ . Ovo se postiže malom širinom oblasti baze kao i takvom koncentracijom primesa da je najviše dopiran emitor a najmanje kolektor.



Odnos struje koju čine većinski nosioci nakeketrisanja emitora koji su došli do kolektora (u slučaju npn tranzistora elektorni) i ukupne struje emitora je **koeficijent strujnog pojačanja u sprezi sa zajedničkom bazom,  $\alpha$** :

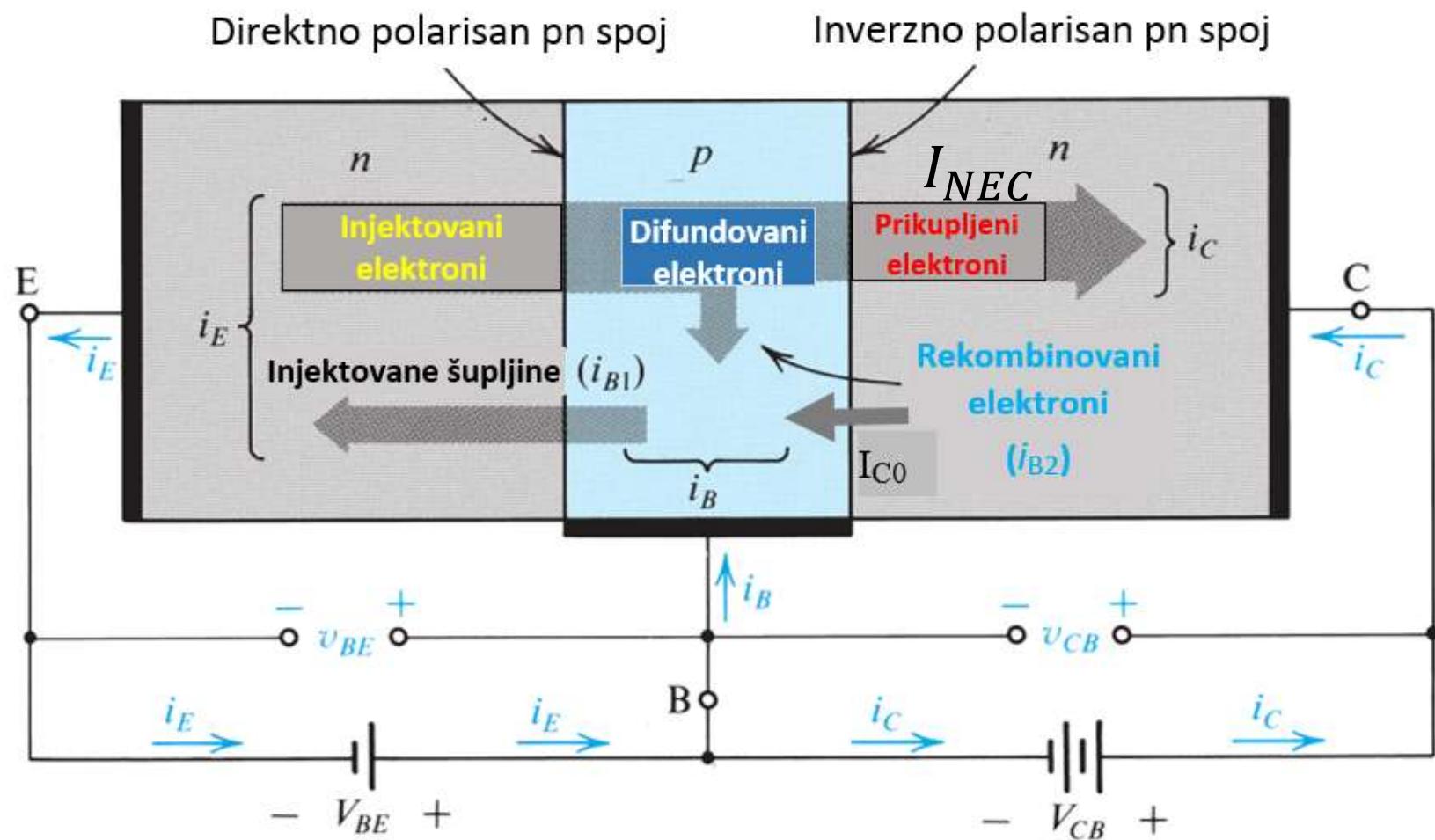
$$I_{NEC} = \alpha \cdot I_E$$

Tipična vrednost  $\alpha$  je manja od 1 i približno jednaka 1.



Kada transistor radi u aktivnom režimu rada najveći deo struje kolektora čine većinski nosioci nanelektrisanja emitora koji su došli do kolektora. Drugu komponentu struje kolektora čini inverzna struja zasićenja kolektorskog pn spoja,  $I_{CO}$ .

$$I_C = \alpha \cdot I_E + I_{CO}$$



Na osnovu Kirhofovog zakon za struje dolazimo do veze između struja bipolarnog tranzistora

$$I_E = I_C + I_B$$

Kada se u gornju jednačinu zameni  $I_C = \alpha \cdot I_E + I_{C0}$  dobija se:

$$I_C = \frac{I_{C0}}{1 - \alpha} + \frac{\alpha}{1 - \alpha} I_B$$

$$\beta = \frac{\alpha}{1 - \alpha}$$

$$I_C = \beta \cdot I_B + (1 + \beta) \cdot I_{C0}$$

**$\beta$  je koeficijen strujnog pojačanja za spregu sa zajedničkim emitorom.**

Struja difuzije elektrona u oblasti baze je srazmerna priraštaju koncentracije elektrona:

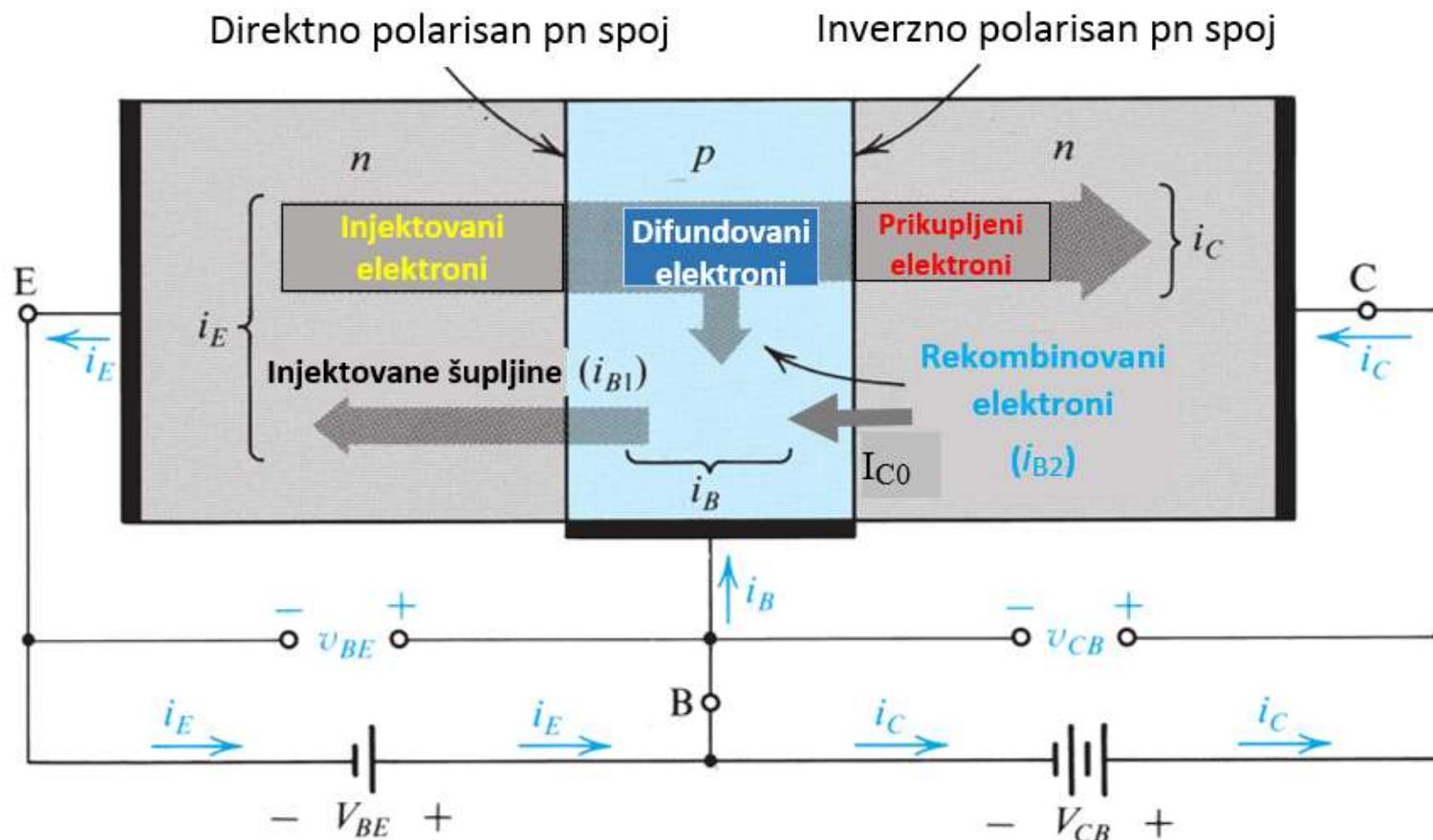
$$I_n \sim \frac{dn}{dx} \Rightarrow I_n \sim \frac{n_p(0) - n_p(w)}{w} \quad I_n \sim \frac{n_{po} e^{VBE/VT} - 0}{w}$$

Gde je: w širina baze,  $n_{po}$ - koncentracija elektrona u bazi kada pn tranzistor nije polarisan

Odavde sledi da je struja difuzije elektrona u bazi jednaka

$$I_C = I_S \cdot e^{VBE/VT}$$

gde je  $I_S$  struja zasćenja, čija vrednost zavisi od dimenzija tranzistora (širine baze i površine poprečnog preseka) i koncentracije nosilaca nanelektrisanja u bazi i emitoru.

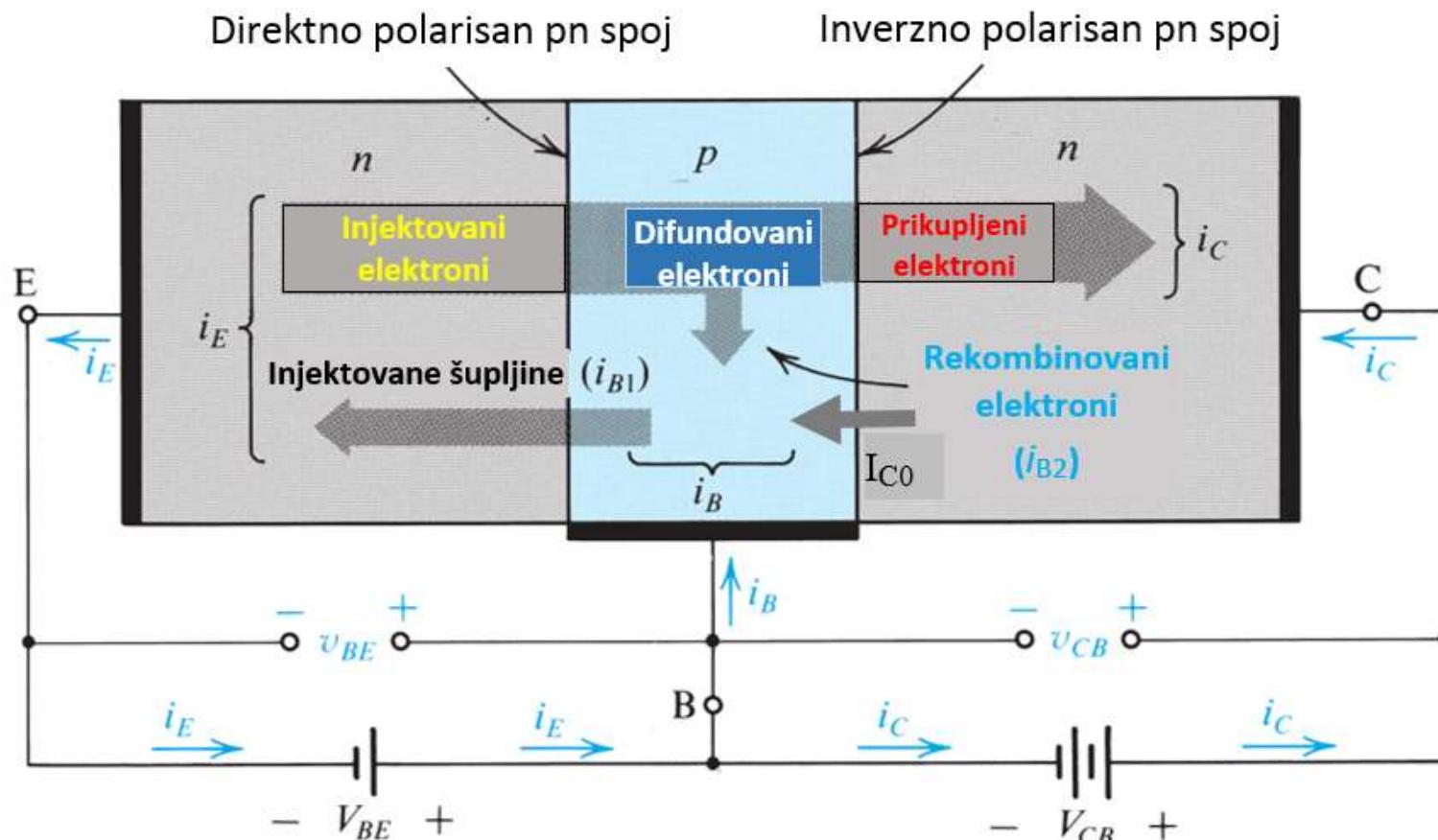


Struja nosilaca nanelektrisanja koji su iz emitora injektovani u bazu predstavlja struju direktno polarisanog pn spoja. To znači da je struja elektrona injektovanih iz emitora u bazu eksponenecijalna funkcija od napona na pn spoju  $i_E \sim e^{V_{BE}/VT}$ . S obzirom da između ove struje i struje kolektora postoji srazmerna sledi da struju kolektora možemo da izrazimo kao:

$$i_C = I_S \cdot e^{V_{BE}/VT}$$

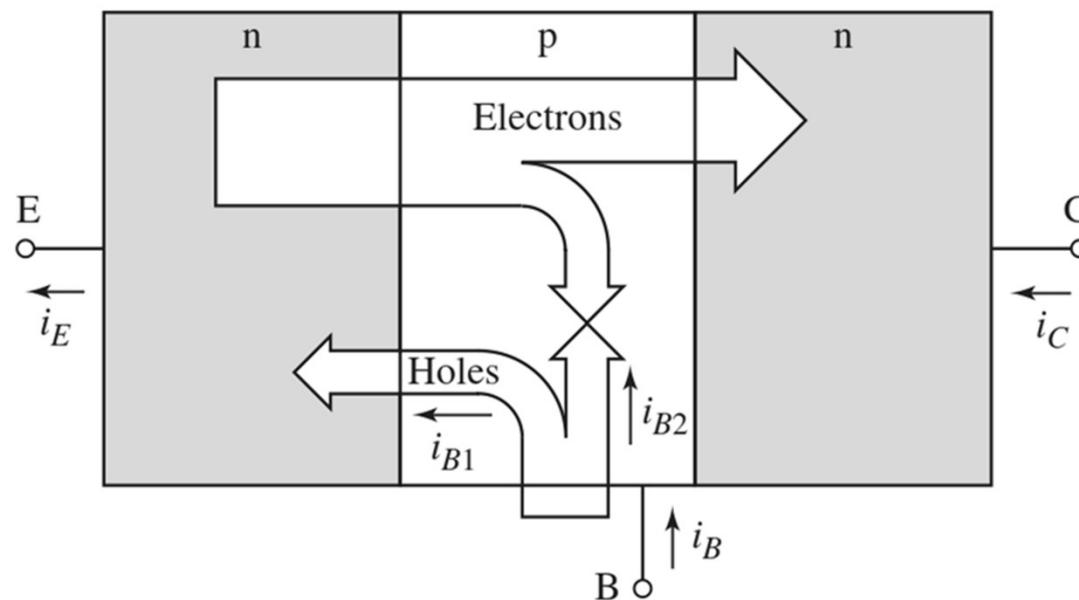
gde je  $I_S$  konstanta čija vrednost zavisi od dimenzija tranzistora (širine baze i površine poprečnog preseka) i koncentracije nosilaca nanelektrisanja u bazi i emitoru.

Struja kolektora zanemarljivo zavisi od napona na kolektorskem pn spoju. Tranzistor se na izlaznim priključcima ponaša kao strujni generator kontrolisan ulaznim naponom  $v_{be}$ .



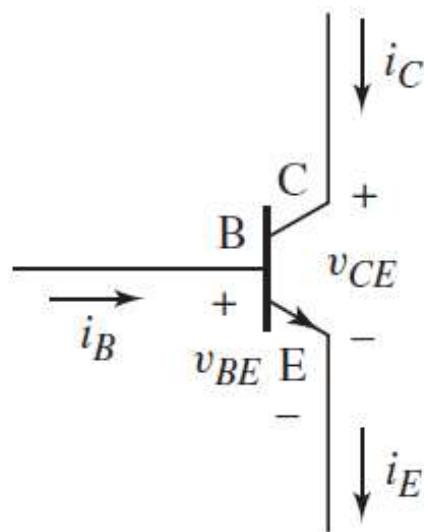
Struja baze ima dve komponente. Jednu komponentu čine većinski nosioci baze koji se usled direktnе polarizacije emitorskog pn spoja kreću prema emitoru (u slučaju npn tranzistora to su šupljine). Drugu komponentu struje baze čine nosioci nakeketrisanja koji dolaze u područje baze od spolja da bi nadomestili one nosioce nanelektrisanja koji su anulirani rekombinacijom. Obe ove komponente struje su eksponencijalna funkcija napona na emitorskom pn spoju,  $v_{BE}$ , odakle sledi da je

$$i_B \propto e^{V_{BE}/V_T}$$

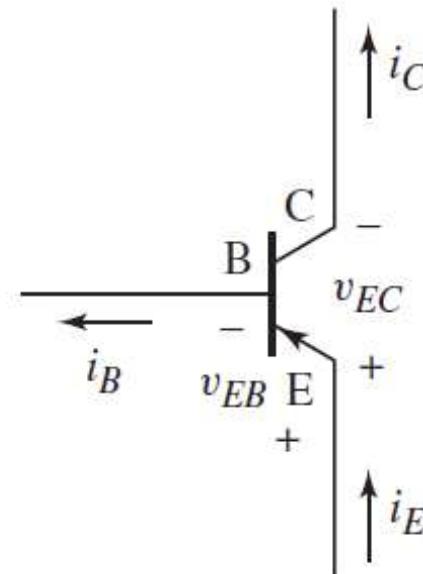


## Smer struja

Prilikom jednosmerne analize tranzistora najčešće se usvajaju **prirodni smerovi struja tranzistora**, odnosno smerovi struja za koje se uvek dobija pozitivna vrednost u aktivnom režimu rada. Ovi smerovi struja se razlikuju kod npn i pnp tranzistora. Kod npn tranzistora prirodan smer struje emitora je takav da struja ističe, odnosno odgovara smeru strelice na simbolu. Struja kolektora i struja baze npn tranzistora imaju suprotan smer u odnosu na struju emitora, odnosno utiču u tranzistor. Prirodni smerovi struja pnp tranzistora su suprotni u odnosu na prirodne smerove struja npn tranzistora.



npn

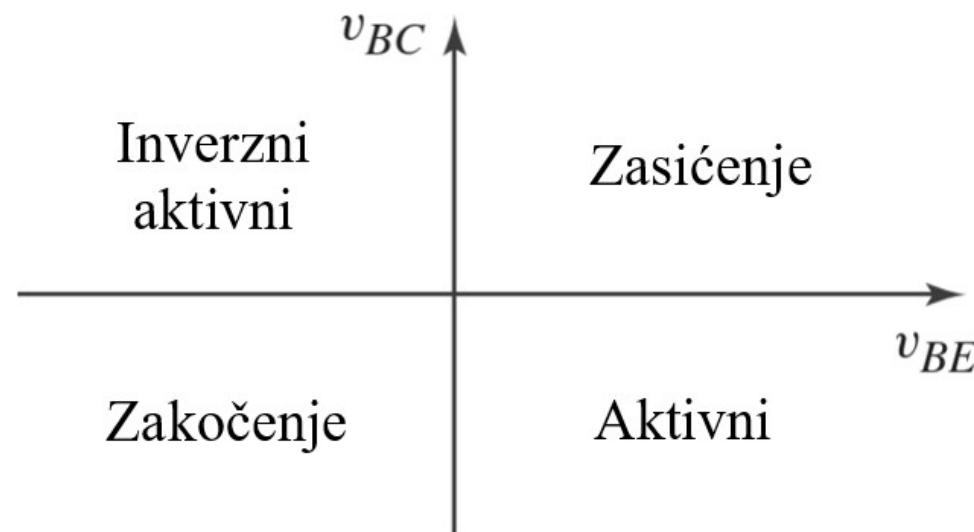


pnp

## Režimi rada tranzistora

Režim zakočenja i zasićenja imaju primenu u digitalni elektronskim kolima. U analognim elektronskim kolima koristi se aktivni režim rada jer u tom režimu rada tranzistor obavlja funkciju pojačanja signala. Inverzni aktivni režim nema primenu u elektronici.

Režim Rada	Emitorski pn spoj	Kolektorski pn spoj
Zakočenje	Inverzno polarisan	Inverzno polarisan
Aktivni	Direktno polarisan	Inverzno polarisan
Inverzni aktivni	Inverzno polarisan	Direktno polarisan
Zasićenje	Direktno polarisan	Direktno polarisan



## Režimi rada tranzistora

**Zakočenje** tranzistora nastupa kada je struja emitora jednaka nuli. To praktično znači da će proticati samo struja inverznog zasićenja,  $I_{C0}$ , na kolektorskom pn spoju i da će struja baze biti jednaka struji kolektora.

$$I_E = 0$$

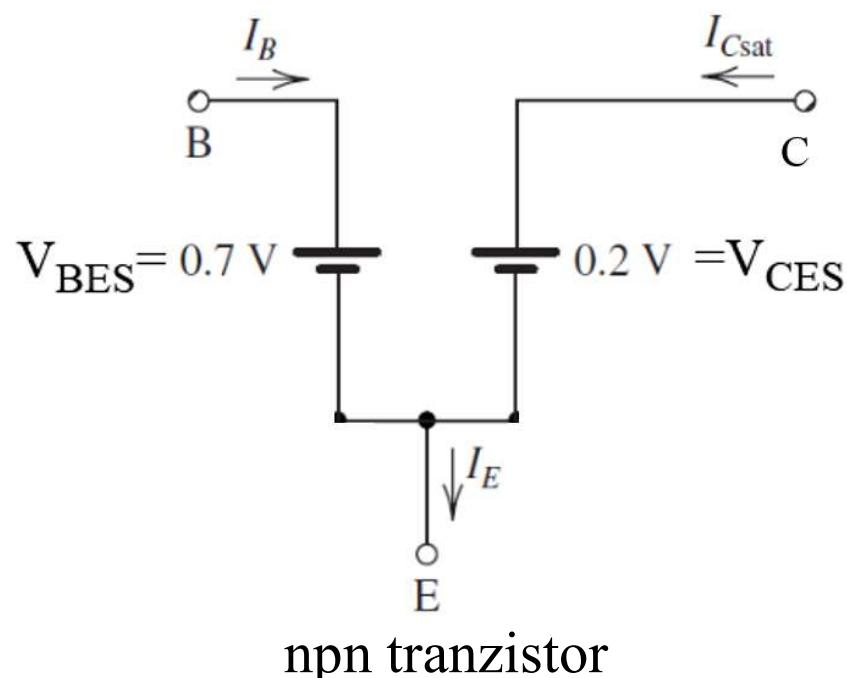
$$I_C = -I_B = I_{C0}$$

Ukoliko je struja baze jednaka nuli tranzistor neće automatski biti u zakočenju. U tom slučaju struja kolektora germanlijumskog tranzistora biće dosta veća od inverzne struje zasićenja, dok će kod silicijumkog tranzistora struja kolektora biti približno jednaka inverznoj struji zasićenja.

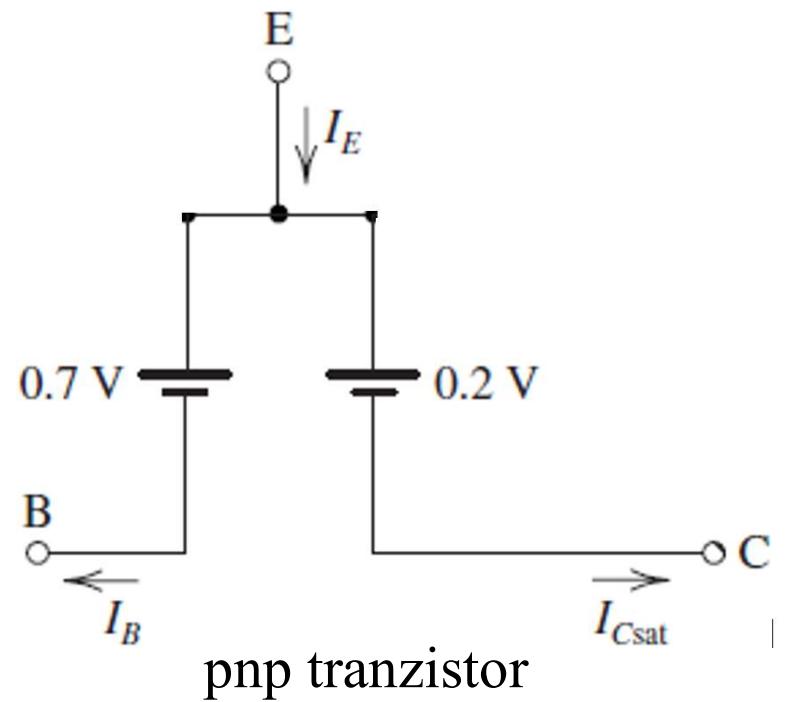
## Režimi rada tranzistora

Kada je tranzistor u zasićenju oba pn spoja su direktno polarisana. Napon na direktno polarisanom emitorskom pn spoju biće veći nego napon na direktno polarisanom kolektorskom pn spoju zato što je emitor jače dopiran. Tipične vrednosti ovih napona su  $V_{BES}=0,7$  V i  $V_{BCS}=0,5$  V. Uobičajeno je da se navodi napon između kolektora i emitora u zasićenju:  $V_{CES}=V_{BES} - V_{BCS} = 0,2$  V. Direktno polarisani pn spojevi se modeliraju naponskim generatorima. Smatra se da je tranzistor u zasićenju kada je:

$V_{BC}>0$  za npn, odnosno



$V_{BC}<0$  za pnp transistor.

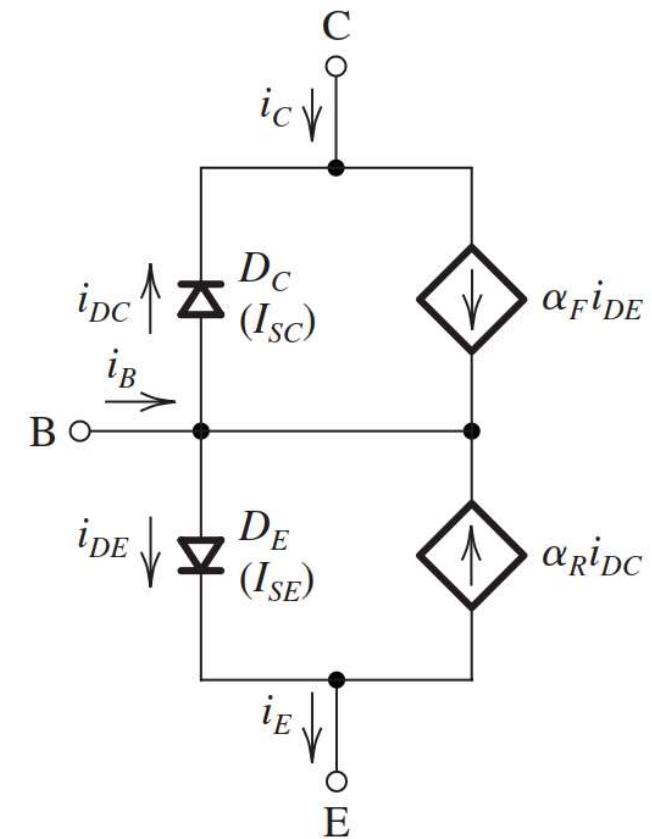


## Ebers-Molov model

Ebers-Molov model se zasniva na superpoziciji struja pn spojeva tranzistora. Model sadrži dve idealne diode i dva strujna generatora kontrolisana strujom. Svaki od ova četiri elementa prikazuje određenu komponentu struje. Diode modeluju struju koju čine nosioci nanelektrisanja samog pn spoja. Sa druge strane strujni generatori kontrolisani strujom modeluju struju koju čine nosioci nanelektrisanja koji su dospeli iz susednog pn spoja.

$$I_E = I_{DE} - \alpha_R \cdot I_{DC}$$

$$I_C = -I_{DC} + \alpha_F \cdot I_{DE}$$



$\alpha_F$  je **koeficijent strujnog pojačanja** za spregu sa zajedničkom bazom **u aktivnoj oblasti** (emitorski pn spoj direktno polarisan, kolektorski inverzno),

$\alpha_R$  je **koeficijent strujnog pojačanja** za spregu sa zajedničkom bazom **u inverzno aktivnoj oblasti** (kolektorski pn spoj direktno polarisan, emitorski inverzno)

## Ebers-Molov model

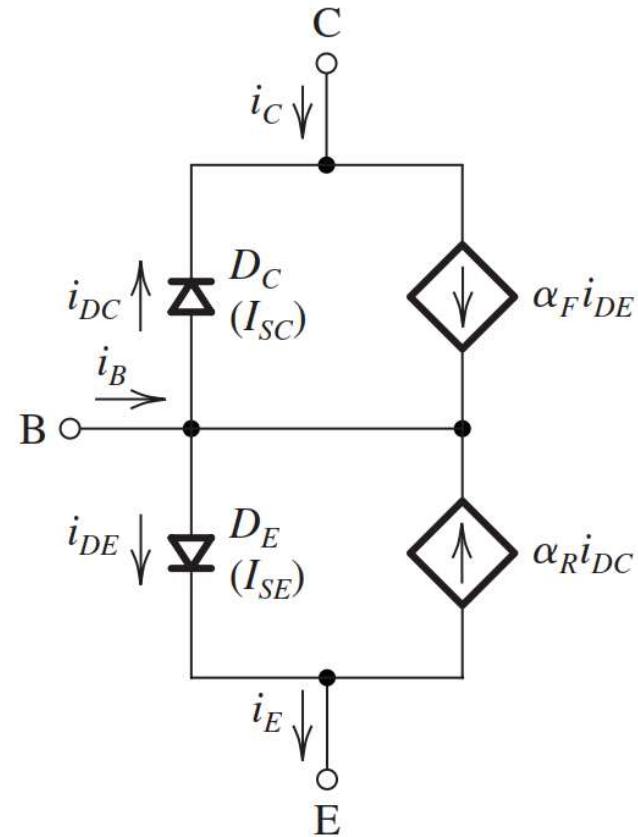
Nakon primene Šoklijeve jednačine za pn spoj dolazimo do sledećih izraza za Ebers-Molov model:

$$I_E = I_{ES} \left( e^{\frac{V_{BE}}{V_T}} - 1 \right) - \alpha_R \cdot I_{CS} \left( e^{\frac{V_{BC}}{V_T}} - 1 \right)$$

$$I_C = -I_{CS} \left( e^{\frac{V_{BC}}{V_T}} - 1 \right) + \alpha_F \cdot I_{ES} \left( e^{\frac{V_{BE}}{V_T}} - 1 \right)$$

$I_{CS}$  je inverzna struja zasićenja kolektorskog pn spoja kada je emitorski pn spoj kratkospojen.

$I_{ES}$  je inverzna struja zasićenja emitorskog pn spoja kada je kolektorski pn spoj kratko spojen.

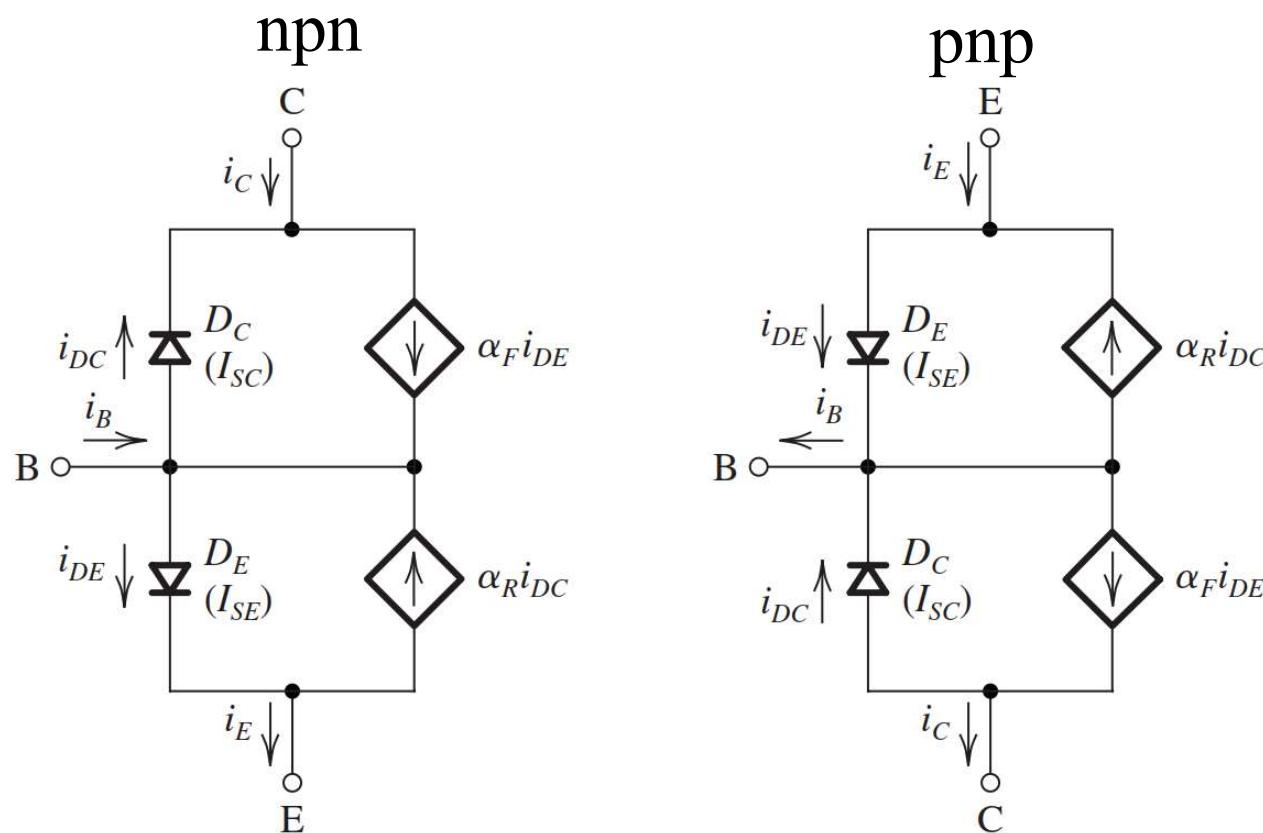


# Ebers-Molov model

Ebers-Molov model važi za sva četiri režima rada tranzistora.

Inverzne struje zasićenja oba pn spoja i koeficijenti strujnog pojačanja za dva režima rada su međusobno povezani sledećom jednačinom.

$$\alpha_F \cdot I_{ES} = \alpha_r \cdot I_{CS}$$



## Model za velike signale

Prenosna karakteristika bipolarnog tranzistora je:  $I_C = I_S \cdot e^{V_{BE}/V_T}$

$$I_C = I_S \cdot e^{V_{BE}/V_T}$$

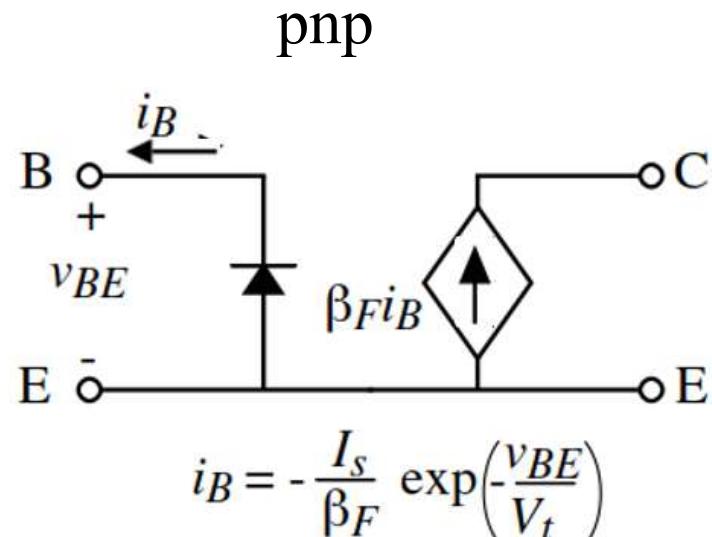
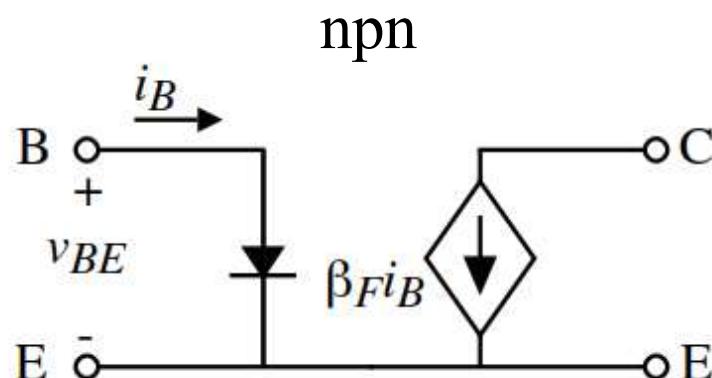
$$\underline{I_C = \beta \cdot I_B}$$

$$I_B = \frac{I_S}{\beta} \cdot e^{V_{BE}/V_T}$$

$I_S$  parametar čija vrednost zavisi od dimenzija tranzistora i koncentracija primesa u bazi.

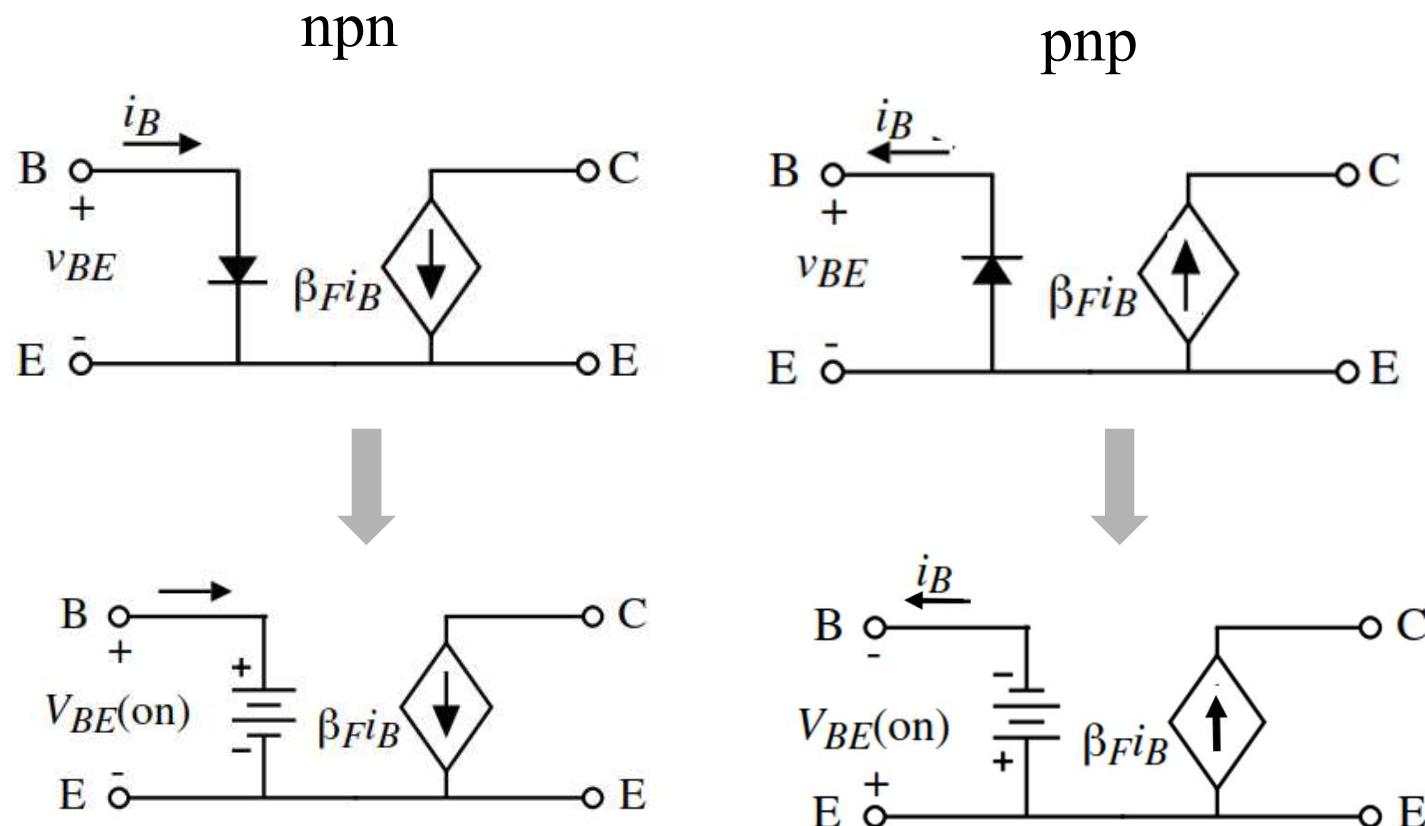
Ova eksponencijalna zavisnost se modelira kao dioda između baze i emitora.

Model za velike signale sadrži diodu između baze i emitora i strujni generator kontrolisan strujom između kolektora i emitora.



## Model za velike signale

Ukoliko pretpostavimo da je kolo takvo da promene napona  $v_{BE}$  zanemarivo utiču na struju baze, diodu u emotorskoj pn spoju možemo da zamenimo naponskim generatorom  $V_{BE}$ . U najvećem broju slučajeva ova aproksomacija je opravdana.



## Erlijev efekat

Kada se u aktivnom režimu rada menja inverzni napon polarizacije kolektorskog pn spoja  $V_{CB}$ , dolazi do promene širine prelazne oblasti između baze i kolektora. Posledica širenja prelazne oblasti kolektorskog pn spoja je da se sužava efektivna širina baze. Usled toga smanjuje se rekombinacija nosilaca koji su injektovani iz emitora u bazu, što dalje ima za posledicu povećanje struje kolektora.

Efekat promene struje kolektora sa promenom napona inverzne polarizacije kolektorskog pn spoja naziva se **Erlijev efekat**. Ovaj efekat se modeluje sledećom jednačinom:

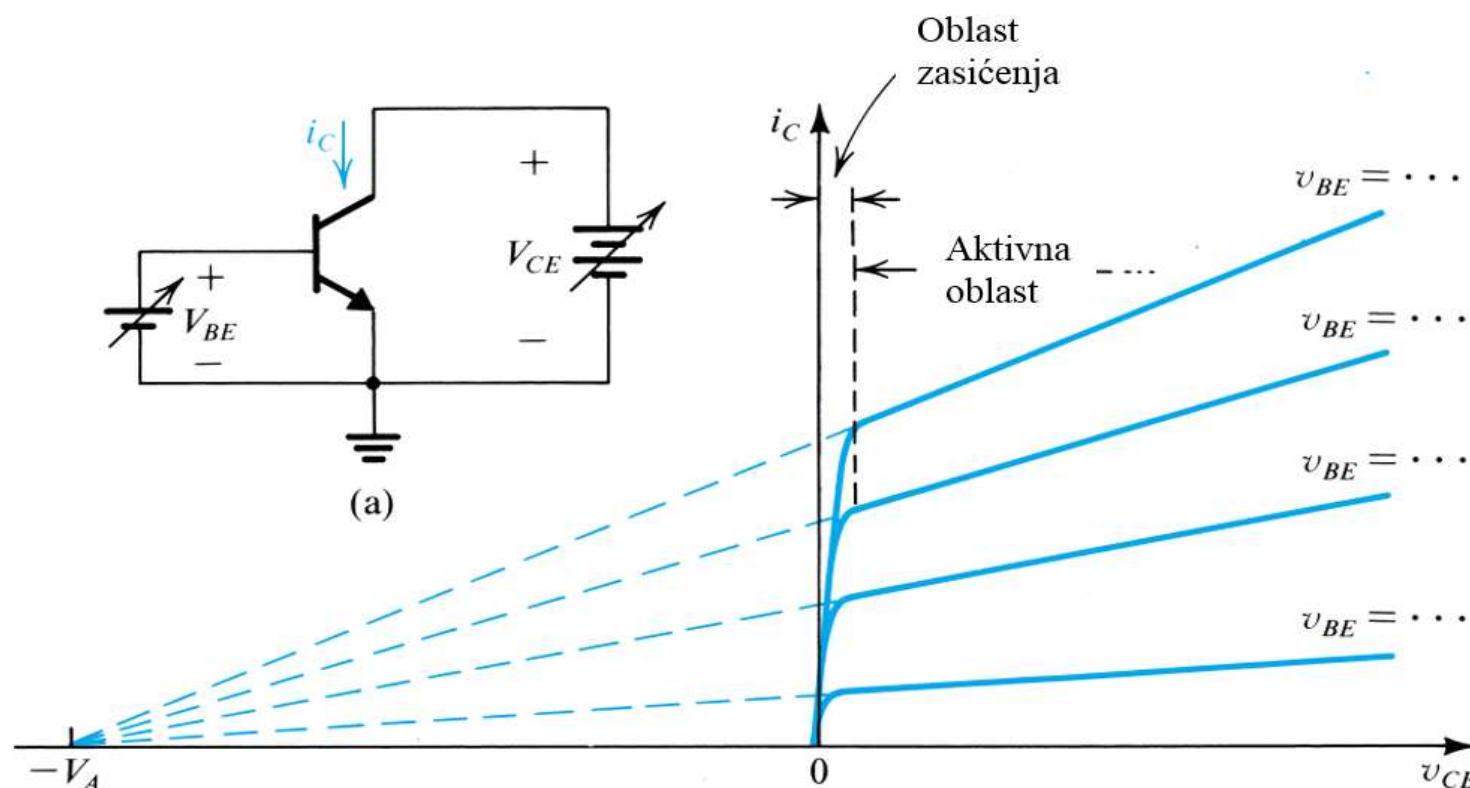
$$I_C = I_S \cdot \left( e^{V_{BE}/V_T} \right) \cdot \left( 1 + \frac{V_{CB}}{V_A} \right)$$

parametar  $V_A$  je Erlijev napon

## Erlijev efekat

Vrednost Erlijevog napona se kreće u opsegu od 50 do 300 V. Ukoliko promene napona  $V_{CE}$  nisu velike Erlijev efekat može da se zanemari. S obzirom da je u aktivnom režimu rada najčešće  $V_{BE} \ll V_{CB}$  u praksi se koristi nešto izmenjena jednačina za modelovanje Erlijevog efekta u kojoj je  $V_{CB}$  zamenjeno sa izlaznim naponom  $V_{CE}$ .

$$I_C = I_S \cdot \left( e^{V_{BE}/V_T} \right) \cdot \left( 1 + \frac{V_{CE}}{V_A} \right)$$



## Erlijev efekat

Zavisnost struje kolektora od napona  $V_{CE}$  modelira se izlaznom otpornošću,  $r_o$ , koja se određuje kao:

$$r_o = \frac{\partial V_{CE}}{\partial I_C} \Big|_{V_{BE} = const}$$

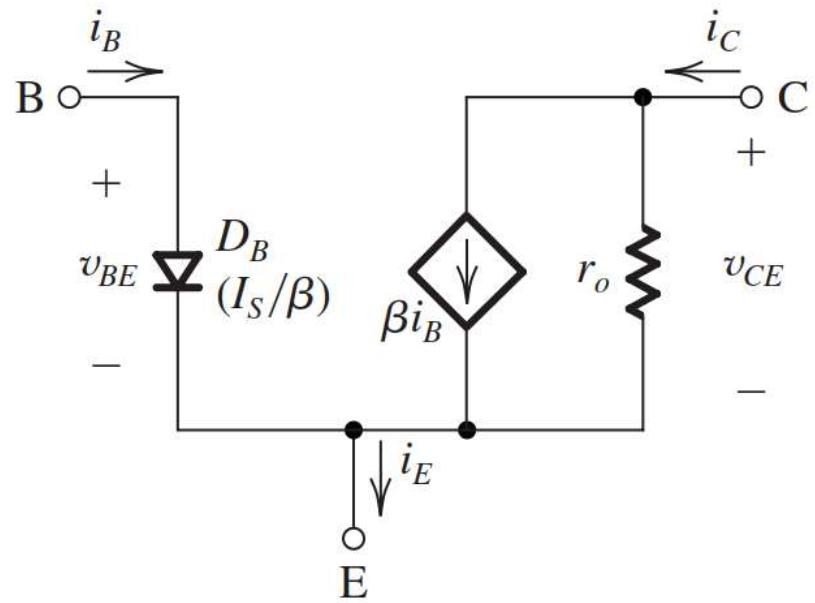
Iz izraza

$$I_C = I_S \cdot \left( e^{V_{BE}/V_T} \right) \cdot \left( 1 + \frac{V_{CE}}{V_A} \right)$$

sledi da je izlazna otpornost jednaka:

$$r_o = \left( \frac{\partial I_C}{\partial V_{CE}} \right)^{-1} = \left( \frac{I'_C}{V_A} \right)^{-1} = \frac{V_A}{I'_C}$$

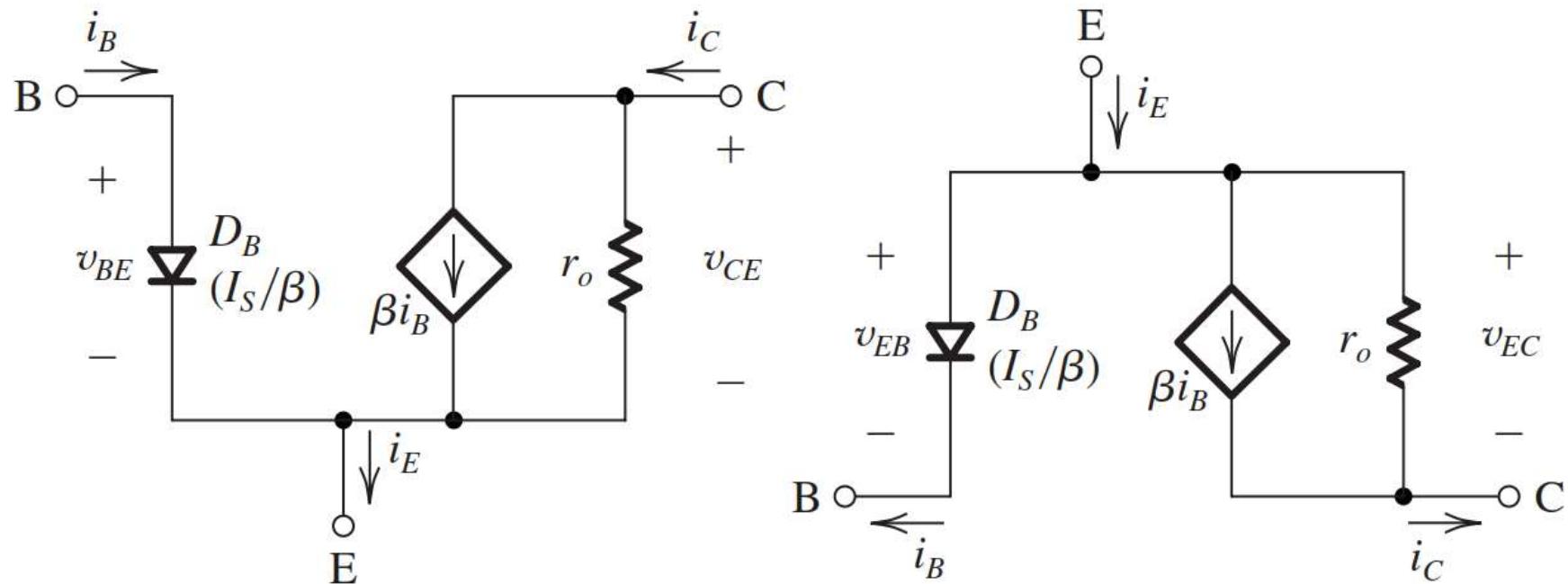
gde je  $I'_C$  struja kolektora u radnoj tački kada nebi postojao Erlijev efekat.



$$r_o = \frac{V_A}{I'_C}$$

## Model za velike signale

Ukoliko se uzme u obzir Erlijev efekat modelu se dodaje izlazna otpornost  $r_o$ .



$$i_B = \left(\frac{I_S}{\beta}\right) e^{v_{BE}/V_T}$$

$$i_C = I_S e^{v_{BE}/V_T} \left(1 + \frac{v_{CE}}{V_A}\right)$$

$$r_o = V_A / (I_S e^{v_{BE}/V_T})$$

$$i_B = \left(\frac{I_S}{\beta}\right) e^{v_{EB}/V_T}$$

$$i_C = I_S e^{v_{EB}/V_T} \left(1 + \frac{v_{EC}}{|V_A|}\right)$$

$$r_o = |V_A| / (I_S e^{v_{EB}/V_T})$$

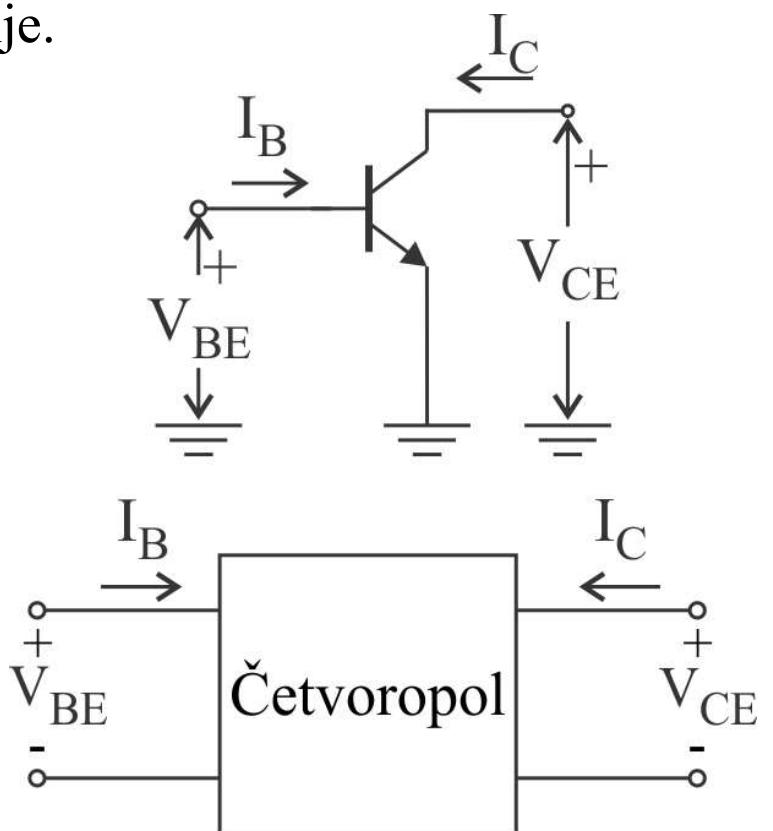
# Aktivni četvoropol

Tranzistor u bilo kojoj konfiguraciji (sprezi) predstavlja **aktivni četvoropol**, što znači da je opisan sa dve karakteristike. Prilikom kreiranja karakteristika dve od ukupno četiri veličine četvoropola su nezavisno promenjive, a dve su zavisno promenjive. Kada se razmatra sprega sa zajedničkim emitorom usvaja se da nezavisno promenjive budu ulazna struja (struja baze,  $i_B$ ) i izlazni napon (napon kolektor-emitor,  $v_{CE}$ ). Mogu se snimiti i drugačije zavisnosti između napona i struja sprege sa zajedničkim emitorom, ali se u praksi koriste ove jer su najjednostavnije za merenje.

$$v_{BE} = f_1(I_B, V_{CE})$$

$$i_C = f_2(i_B, V_{CE})$$

Pošto su karakteristike tranzistora funkcije od dve promenjive one bi mogle da se predstavi u tri dimenzije ali se u praksi predstavljaju kao više karakteristika ili familija karakteristika. Svaka od karakteristik u familiji karakteristika dobija se kada jedna od dve nezavisno promenjive ima konstantnu vrednost.

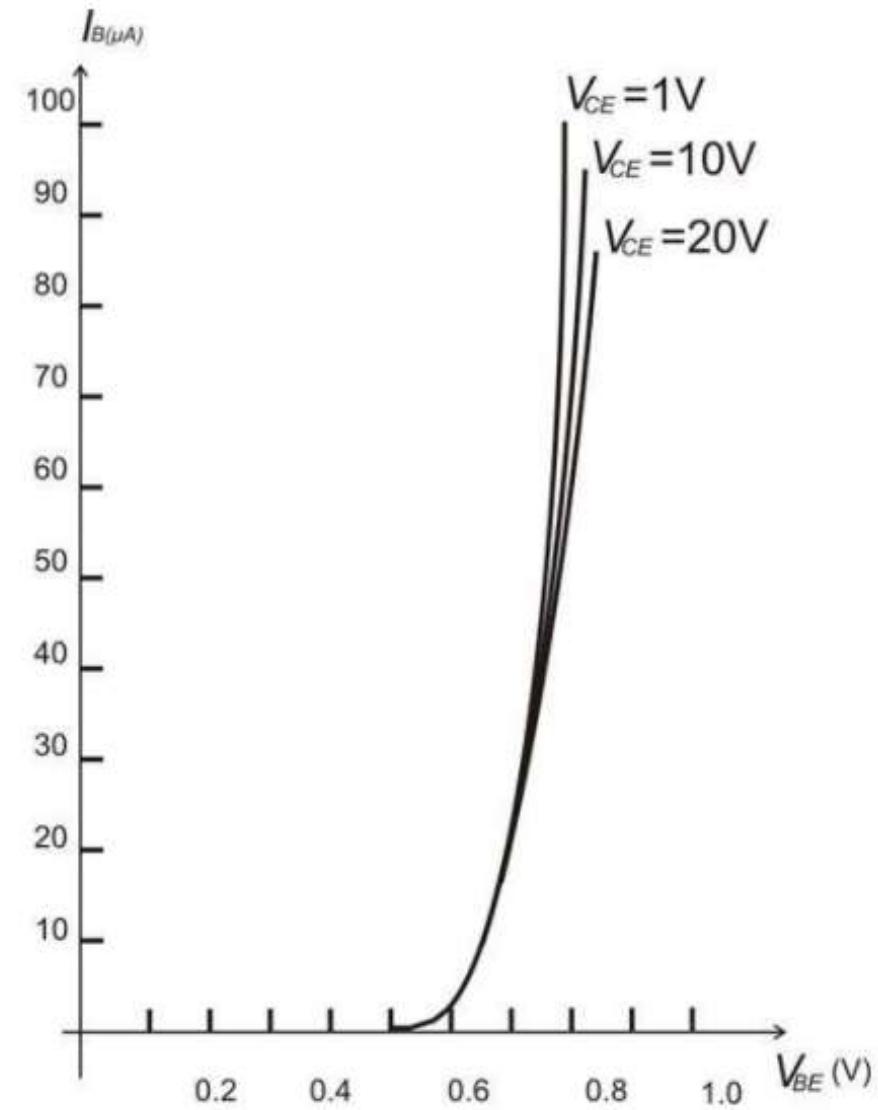


## Ulagna karakteristika

Ulagna karakteristika daje zavisnost ulazne struje,  $i_B$ , od ulaznog napona,  $v_{BE}$ , pri čemu je izlazni napon,  $V_{CE}$ , konstantan. Ova karakteristika odgovara strujno naponskoj karakteristici diode. Struja baze se zanemarivo menja sa promenom vrednosti napona  $V_{CE}$ .

Za zadatu vrednost  $V_{BE}$  promene napona  $VCB$  jednake su promenama napona  $V_{CE}$ , jer je  $V_{CE}=V_{BE}+VCB$ .

Kada se poveća napona inverzne polarizacije kolektorskog pn spoja,  $VCB$ , dolazi do povećanja širine prelazne oblasti kolektorskog pn spoja i smanjenja efektivne širine baze. Samim tim smanjuje se rekombinacija nosilaca nanelektrisanja u bazi i smanjuje struju baze.



## Izlazna karakteristika

Izlazna karakteristika daje zavisnost izlazne struje (struje kolektora,  $i_C$ ) od izlaznog napona (napon kolektor-emitor,  $v_{CE}$ ) pri konstantnoj vrednosti ulaznog napona (struja baze,  $i_B$ ). Kada je tranzistor u aktivnom režimu rada karakteristike su približno horizontalne i ravnomerno raspoređene zavisno do vrednosti struje baze. Na izlaznoj karakteristici se mogu uočiti oblasti polarizacije za koje je tranzistor u zasićenju, zakočenju ili aktivnoj oblasti rada. Tranzistor je u aktivnoj oblasti rada za vrednosti napona  $v_{CE}$  veće od nekoliko desetina volti (obično 0,2 V) i za struje kolektora veće od nule.



## POLARIZACIJA

- **Polarizacija** je postupak priključenja tranzistora na izvor jednosmernog napona da bi se obezbedile odgovarajuće vrednosti jednosmernih napona i struja na tranzistoru.
- Jednosmerni naponi i struje podešavaju se izborom vrednosti jednosmernog naponskog generatora i otpornika u kolu.
- Potrebno je obezbediti da tranzistor bude u željenom režimu rada. Ukoliko tranzistor radi kao pojačavač onda je polarisan u aktivnoj oblasti rada.
- Od vrednosti jednosmerenih struja tranzistora zavise parametri modela za naizmenični režim a samim tim i karakteristike pojačavača. Znači funkcija polarizacije nije samo da obezbedi odgovarajući režim tranzistora već i odgovarajuće vrednosti parametara za naizmenični režim.

## POLARIZACIJA

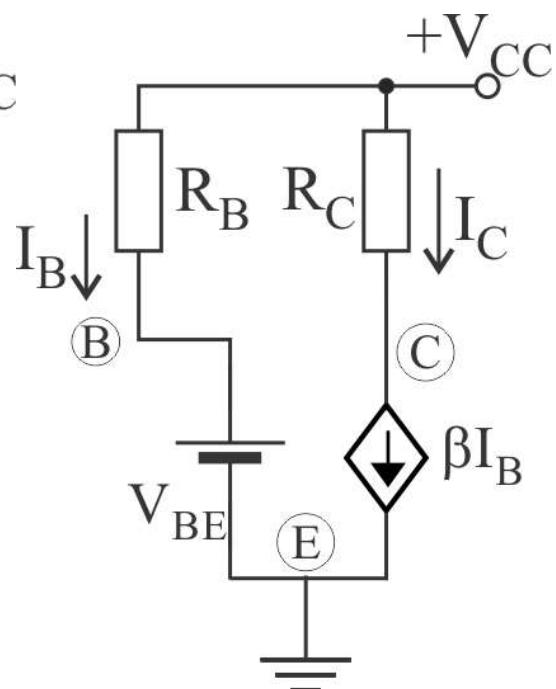
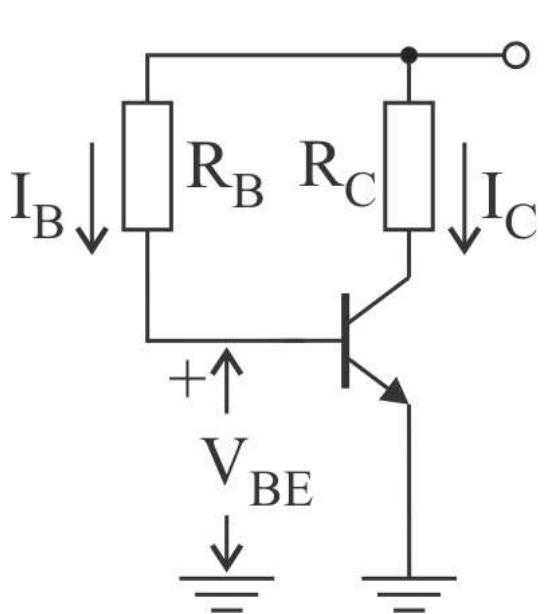
- Jednosmerne struje i naponi u kolu menjajuće se pod dejstvom spoljnjih faktora od kojih je najbitniji uticaj temperature. Ukoliko poraste temperature na tranzistoru dolazi do promene parametara tranzistora koji direktno utiču na struje tranzistora ( $I_{CO}$ ,  $\beta$ ,  $V_{BE}$ ) i to na takav način da se uvećavaju struje tranzistora. Usled uvećanja struja dolazi do uvećanja snage dispacije na tranzistoru,  $P_D$ . Kao posledica uvećanja snage disipacije temperatura se još više povećava i nastaje kumulativan proces u toku koga se vrlo brzo promene struje i naponi na tranzistoru. Iz ovog razloga vrlo je bitno da kolo za polarizaciju tranzistora obezbedi odgovarajuću **stabilnost radne tačke** na promene temperature. Promene radne tačke tranzistora pod dejstvom temperature uvek se sagledavaju kroz promenu struje kolektora  $I_C$ .

$$T \nearrow \Rightarrow \beta \nearrow, I_{CO} \nearrow, V_{BE} \nearrow \Rightarrow I_C \nearrow \Rightarrow P_D \nearrow \Rightarrow T \nearrow$$

# DC polarizacija

## Osnovna polarizacija

- Jednosmerna analiza ovog kola može se uraditi primenom Kirhofovih zakona za struju i napon nakon što se tranzistor zameni modelom za velike signale.
- U praksi se umesto rešavanja nelinarne jednačine primenjuje aproksimativni model koji polazi od činjenice da se u aktivnom režimu rada napon između baze i emitora  $V_{BE}$  veoma malo menja.



Pri proračunu radne tačke  
Najpre se odredi struja baze,  
nakon toga  $I_C$  i na kraju  $V_{CE}$ .

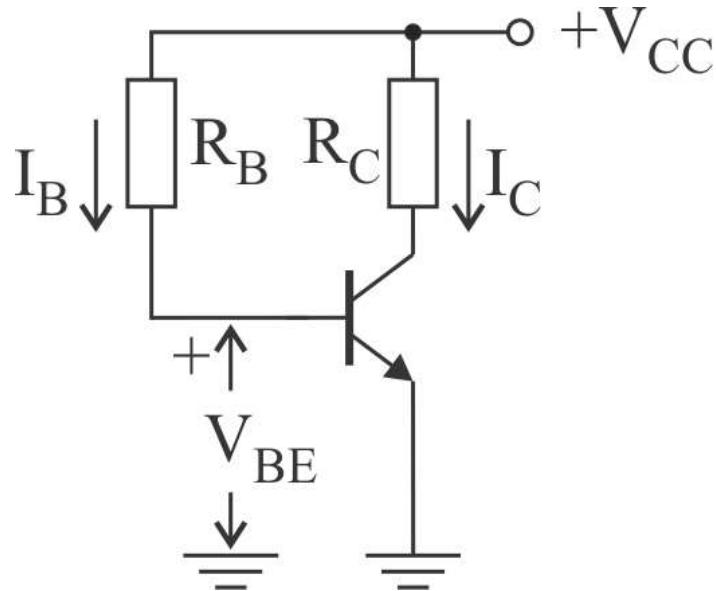
$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B}$$

$$V_{CE} = V_{CC} - R_C \cdot \beta \cdot I_B$$

# DC polarizacija

## Osnovna polarizacija

Ovo kolo je osetljivo na promene sledećih parametara tranzistora:  $V_{BE}$  i koeficijenta strujnog pojačanja  $\beta$ . Ta dva parametra tranzistora se značajno menjaju sa temperaturom. Zbog toga se ovaj tip polarizacije retko koristi u praksi.



$$\left. \begin{array}{l} I_C = \beta \cdot I_B \\ V_{BE} = \text{const} \end{array} \right\} \text{Jednačine modela}$$

$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B}$$

$$I_C = \beta \cdot \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B}$$

$$V_{CE} = V_{CC} - R_C \cdot \beta \cdot \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B}$$

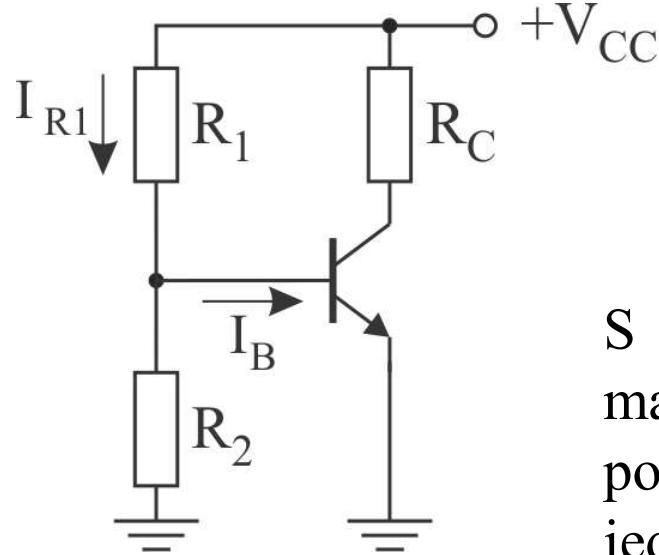
Prilikom porasta temperature menja se položaj radne tačke na taj način što se  $I_C$  povećava a  $V_{CE}$  smanjuje.

$T \nearrow \beta \nearrow I_C \nearrow V_{CE} \searrow$

# DC polarizacija

## Polarizacija razdelnikom napona

Uvođenjem razdelnika napona u kolu baze dobija se znatno stabilnije kolo u odnosu na prethodno kolo ukoliko se otpornici  $R_1$  i  $R_2$  dimenzionišu na adekvatan način. Naime ove otpornosti bi trebale da budu što manje da napon između baze i emitora,  $V_{BE}$  nebi zavisio od struje baze, već samo od  $R_1$ ,  $R_2$  i  $V_{CC}$ . U tom slučaju važiće:



$$I_{R1}, I_{R2} \gg I_B$$

$$V_{BE} = V_B \approx V_{CC} \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

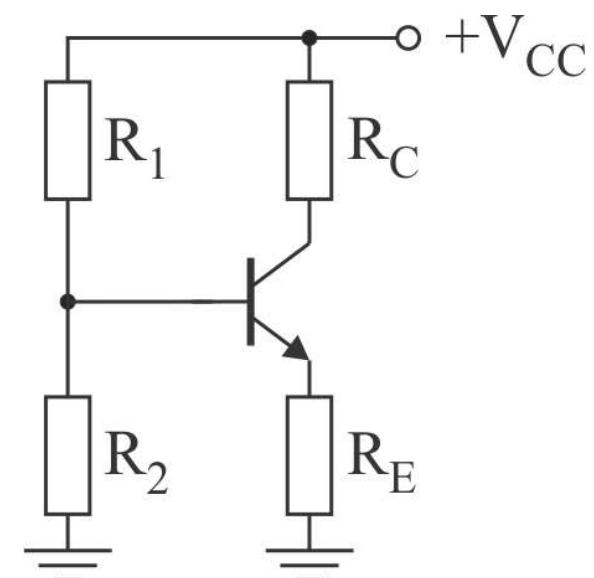
S obzirom da napon na emitorskom spoju,  $V_{BE}$ , vrlo malo odstupa od nominalne vrednosti neophodno je podešiti odnos otpornika  $R_1$  i  $R_2$  da  $V_B$  u gornjoj jednačini za razdelnik napona bude približno 0,7 V. U suprotnom tranzistor neće biti u aktivnom režimu rada.

# DC polarizacija

## Polarizacija degeneracijom emitora

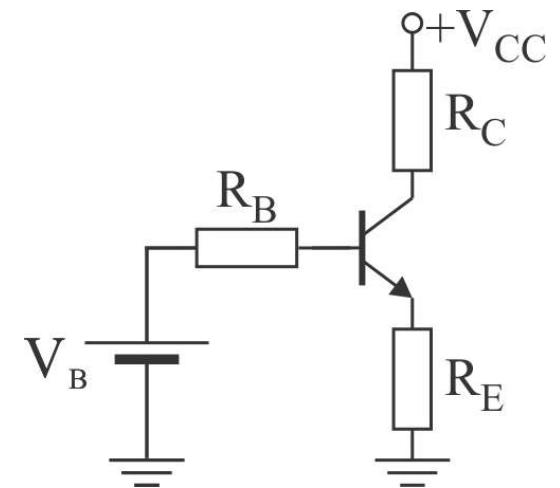
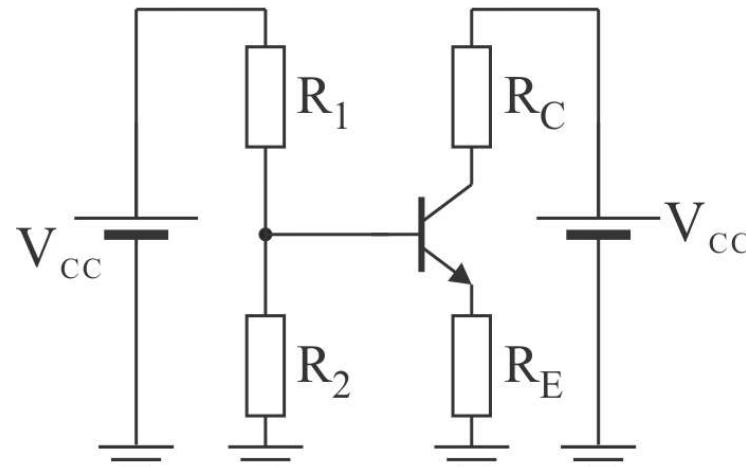
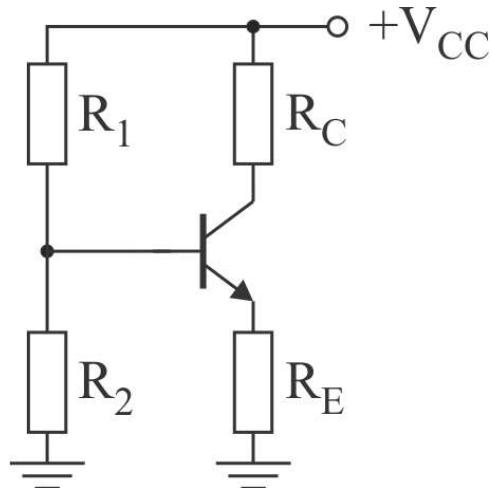
Uvođenjem otpornika  $R_E$  između emitora i mase uspostavlja se negativna povratna sprega za jednosmernu struju.

Negativna povratna sprega znači vraćenje signala sa izlaza na ulaz na taj način da se umanjuje svaka promena signala na izlazu (pozitivna ili negativna). Ukoliko se iz bilo kojeg razloga poveća izlazna struja  $I_C$  doći će do povećanja pada naponu na otporniku  $R_E$ , odnosno naponu na emitoru,  $V_E$ . S obzirom da je napon na bazi približno konstantan sledi da će doći do smanjenja ulaznog naponu  $V_{BE}$ .



$$T \nearrow \beta, I_{CO} \nearrow I_C \nearrow V_E \nearrow V_{BE} \searrow$$

# DC polarizacija



$$V_{BB} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{CC} \quad R_B = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

Ovo kolo se najjednostavnije analizira primenom Tevenenove teoreme na elemente povezane u kolu baze.

$$V_{BB} - R_B \cdot I_B - V_{BE} - R_E \cdot (1 + \beta)I_B = 0 \quad \Rightarrow \quad I_C = \frac{\beta \cdot (V_{BB} - V_{BE})}{(1 + \beta) \cdot R_E + R_B}$$

# DC polarizacija

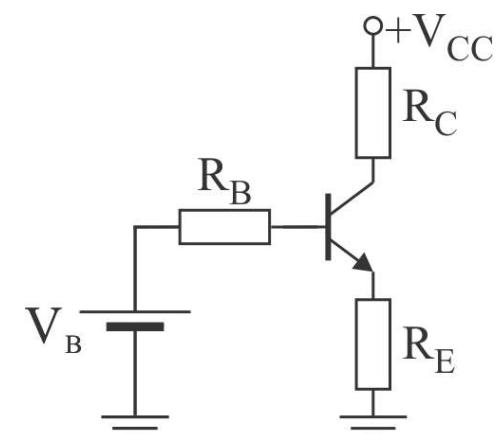
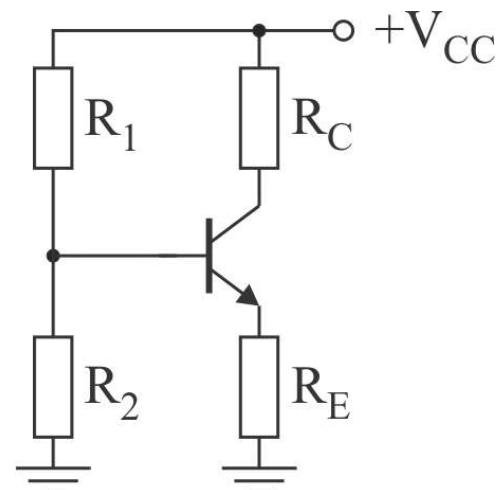
Ukoliko se smanji ekvivalentna Tevenenova otpornost dvopola na ulazu,  $R_B$ , dobijamo da struja kolektora ne zavisi od  $\beta$ . To znači da je kolo mnogo stabilnije.

$$V_{BB} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{CC} \quad R_B = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

$$R_1 \parallel R_2 \ll (1 + \beta) \cdot R_E \Rightarrow I_C = \frac{\beta \cdot (V_{BB} - V_{BE})}{(1 + \beta) \cdot R_E + R_B} \approx \frac{V_{BB} - V_{BE}}{R_E}$$

Da bi Tevenenova otpornost bila mala potrebno je da i otpornosti  $R_1$  i  $R_2$  budu male. To sa druge strane ima za posledicu smanjenje pojačanja pojačavača jer se sa smanjenjem  $R_1$  i  $R_2$  smanjuje i strujno pojačanje (deo ulazne struje otiče kroz ova dva otpornika za polarizaciju).

Pravilo kojim se postiže kompromis između pojačanja i stabilnosti kola iskazan je sledećom jednačinom:

$$R_1 \parallel R_2 = R_B \approx 0,1 \cdot (1 + \beta) \cdot R_E$$


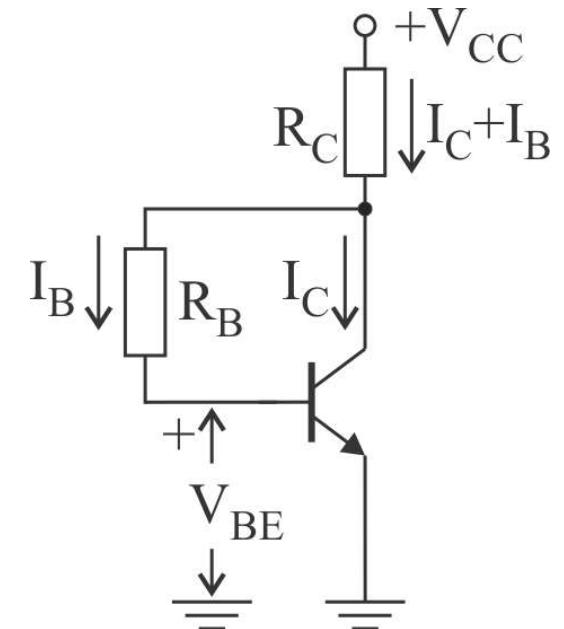
# DC polarizacija

## Polarizacija sa naponskom povratnom spregom

Kod ove vrste polarizacije napon na bazi je uvek manji od napona na kolektoru jer je  $V_C = V_B + R_B \cdot I_B$ . Na taj način obezbeđeno je da kolo bude uvek u aktivnom režimu bez obzira na promene struja ( $V_{CE} > 0,7V$ ).

U ovom kolu postoji povratna sprega za jednosmernu struju. Ukoliko se iz bilo kog razloga poveća struja kolektora povećaće se pad napona na otporniku  $R_C$  i smanjiće se potencijal kolektora. Usled toga smanjiće se i pad napona na otporniku  $R_B$  ( $V_C - V_{BE}$ ) a samim tim i struja baze tranzistora. Zahvaljujući povratnoj sprezi pomeranje radne tačke biće mnogo manje u odnosu na kolo kada nema povratne sprege.

$$V_{CC} - R_C \cdot (I_C + I_B) - R_B \cdot I_B - V_{BE} = 0$$
$$I_C = \beta \cdot I_B = \beta \cdot \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B + (1 + \beta) \cdot R_C} \approx \frac{\beta \cdot (V_{CC} - V_{BE})}{R_B + \beta \cdot R_C}$$



$$T \nearrow \beta, I_{CO} \nearrow I_C \nearrow V_C \searrow I_B \searrow$$

Da bi se umanjio uticaj koeficijenta strujnog pojačanja na struju kolektora, dimenzionisanje elemenata se obavlja na sledeći način:

$$R_C \gg \frac{R_B}{\beta} \Rightarrow I_C \approx \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_C}$$

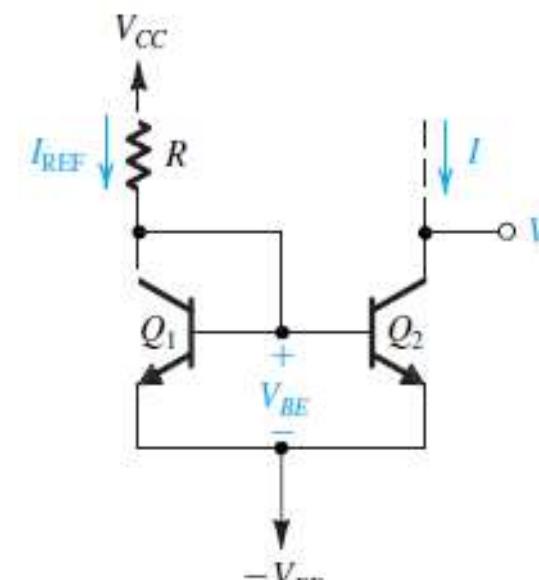
# Polarizacija izvorom konstantne struje

U integriranim kolima se uglavnom primenjuje polarizacija zasnovana na primeni izvora konstantne struje.

Ovde je prikazana najjednostavnija varijanta izvora konstantne struje koja se zove **strujno ogledalo** (slika desno  $Q_1$  i  $Q_2$ ). Strujni generator će funkcionisati sve dok je tranzistor  $Q_2$  u aktivnoj oblasti, a to zavisi od napona na njegovom kolektoru.

Tranzistori u strujnom ogledalu  $Q_1$  i  $Q_2$  su identičnih karakteristika. S obzirom da su im emitorski pn spojevi povezani paralelno, kroz ova dva tranzistora će teći identične struje (ako se zanemari uticaj  $V_{CE}$ , odnosno Erlijev efekat).

Struja koja teče kroz otpornik  $R$ ,  $I_{REF}$ , biće veća od izlazne struje  $I$  za struje baza tranzistora  $I_{B1}+I_{B2}$ . Pri dovoljno velikoj vrednosti  $\beta$  ove struje se mogu zanemariti.



$$V_{BE1} = V_{BE2} \Rightarrow I_{B1} = I_{B2} = I_B$$

$$\beta_1 = \beta_2 \Rightarrow I_{C1} = I_{C2} = I_C$$

$$I_{REF} = I_{C1} + I_{B1} + I_{B2} = (2 + \beta) \cdot I_B$$

$$I_{REF} = \frac{V_{CC} - (-V_{EE}) - V_{BE}}{R}$$

$$V_{CC}, V_{EE} \gg V_{BE} \quad I_{REF} \approx \frac{V_{CC} + V_{EE}}{R}$$

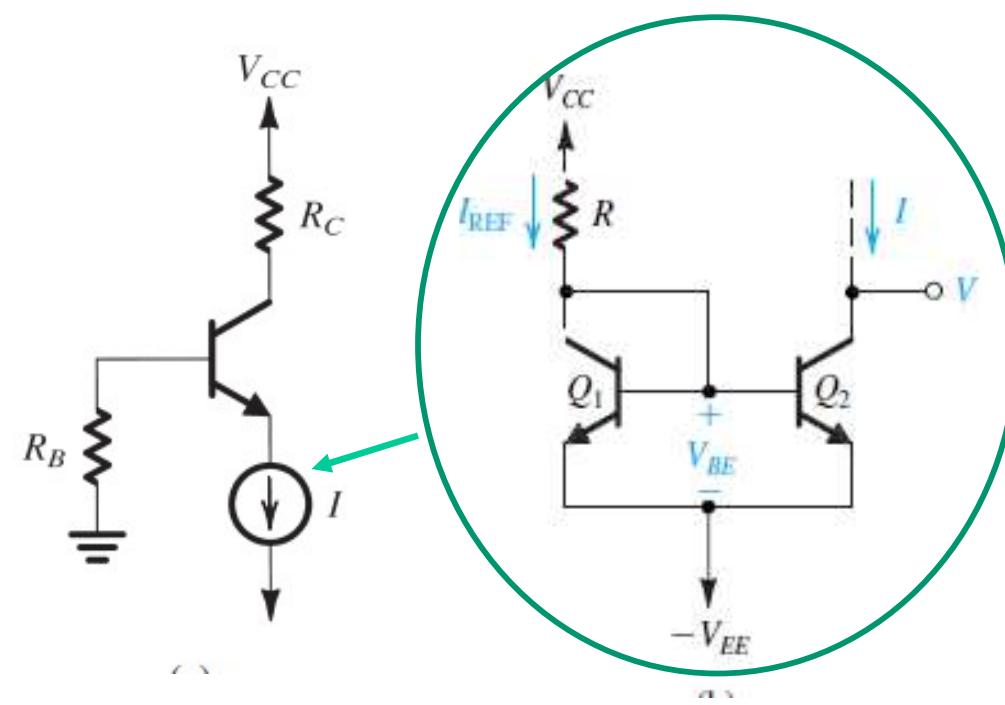
$$\beta \gg 1 \quad I = \beta \cdot I_B \approx I_{REF}$$

$$I \approx I_{REF} \approx \frac{V_{CC} + V_{EE}}{R}$$

# Polarizacija izvorom konstantne struje

Na slici levo je prikazan tranzistor polarisan izvorom konstantne struje (strujni generator prikazan na ovoj slici je realizovan izvorom konstantne struje sa desne slike).

Prednost ovakvog tipa polarizacije je da struje tranzistora zavise samo od izvora konstantne struje. U ovom slučaju  $R_B$  i  $R_C$  neće uticati na struju kolektora. Jedino o čemu se mora voditi računa je da izvor konstantne struje ne izadje iz aktivne oblasti rada.



## Stabilizacija radne tačke

- Jednosmerne struje i naponi u kolu menjajuće se pod dejstvom spoljnjih faktora od kojih su najbitniji:
  - Promena temperature
  - Varijacije jednosmernog napajanja
  - Fabričke tolerancija u vrednostima parametara tranzistora i elemenata kola
- Uticaj temperature je posebno kritičan jer karakteristike bipolarnog tranzistora značajno zavise od temperature a mogu da dovedu do kumulativnog procesa koji prouzrokuje potpunu promenu radne tačke. Sa promenom temperature menjaju se sledeći parametri tranzistora:
  - Napon na emitorskom spoju  $V_{BE}$ , (smanjuje se porastom temperature za  $2\text{mV/C}^0$ )
  - Inverzna kolektorska struja zasićenja  $I_{CO}$ , (uvećava se 2 puta pri porastu od  $10\text{ C}^0$ )
  - Koeficijent strujnog pojačanja  $\beta$ .

# DC polarizacija – analiza / model BJT za velike signale

## Stabilizacija radne tačke

- Stabilnost radne tačke tranzistora sagledava se preko zavisnosti kolektorske struje od temperature. Da bi se dobio analitički izraz za zavisnost struje kolektora od temperature potrebno je za dato kolo odrediti izvode struje kolektora po parametrima koji se menjaju sa temperaturom. Ovi parcijalni izvodi se nazivaju **koeficijenti stabilnosti kolektorske struje** (obeleženi sa  $S_I$ ,  $S_V$ ,  $S_\beta$ ).

$$I_C = f(I_{C0}, V_{BE}, \beta)$$

$$\frac{dI_C}{dT} = \frac{\partial I_C}{\partial I_{C0}} \cdot \frac{dI_{C0}}{dT} + \frac{\partial I_C}{\partial V_{BE}} \cdot \frac{dV_{BE}}{dT} + \frac{\partial I_C}{\partial \beta} \cdot \frac{d\beta}{dT}$$

$$S_I = \frac{\partial I_C}{\partial I_{C0}} \quad S_V = \frac{\partial I_C}{\partial V_{BE}} \quad S_\beta = \frac{\partial I_C}{\partial \beta}$$

$$\frac{dI_C}{dT} = S_I \cdot \frac{dI_{C0}}{dT} + S_V \cdot \frac{dV_{BE}}{dT} + S_\beta \cdot \frac{d\beta}{dT}$$

$$\Delta I_C \approx \frac{dI_C}{dT} \cdot \Delta T = \left( S_I \frac{dI_{C0}}{dT} + S_V \frac{dV_{BE}}{dT} + S_\beta \frac{d\beta}{dT} \right) \cdot \Delta T$$

## Stabilizacija radne tačke

- U izrazu za priraštaj struje kolektora sa promenom temperature pojavljuju se koeficijenti stablnosti kolektorske struje ( $S_I$ ,  $S_V$ ,  $S_\beta$ ) i izvodi pojedinih parametara tranzistora po temperaturi ( $V_{BE}$ ,  $I_{C0}$ ,  $\beta$ ).

$$\Delta I_C \approx \frac{dI_C}{dT} \cdot \Delta T = \left( S_I \frac{dI_{C0}}{dT} + S_V \frac{dV_{BE}}{dT} + S_\beta \frac{d\beta}{dT} \right) \cdot \Delta T$$

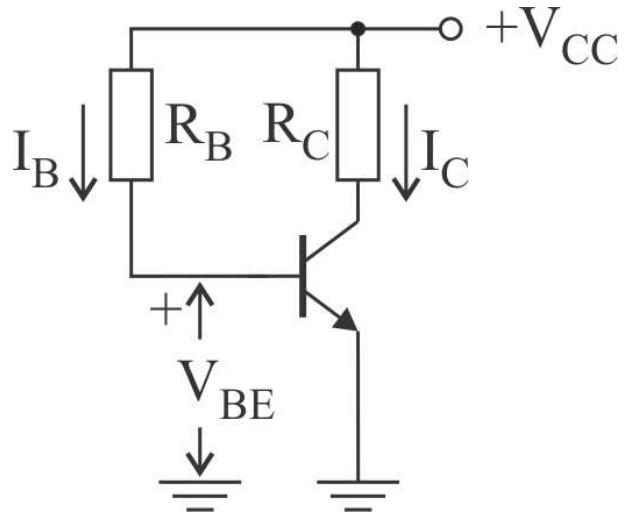
Izvodi parametara po temperaturi zavise od konstrukcije tranzistora i njih daje proizvođač. Na vrednosti ovih izvoda se ne može uticati.

Sa druge strane na koeficijente stabilnosti može se uticati jer zavise od konfiguracije kola i vrednosti komponenata. Oni praktično daju uvid u to na koji način pojedini elementi kola utiču na stabilnost radne tačke sa promenom temperature.

# DC polarizacija – analiza / model BJT za velike signale

## Stabilizacija radne tačke

Prilikom računavanja koeficijenata temperaturne stabilnosti koristi se tačniji izraz za zavisnost struje kolektora od struje baze. Ovaj izraz uzima u obzir i uticaj inverzne struje zasićenja kolektorskog sopja  $I_{C0}$ . Vrednost ove struje je zanemariva u odnosu na struju baze ali se značajno menja sa promenom temperature.



$$I_C = \beta I_B + (1 + \beta) I_{C0}$$

$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B}$$

$$I_C = \frac{\beta(V_{CC} - V_{BE})}{R_B} + (1 + \beta) I_{C0}$$

$$S_I = \frac{\partial I_C}{\partial I_{C0}} = 1 + \beta; \quad S_V = \frac{\partial I_C}{\partial V_{BE}} = -\frac{\beta}{R_B};$$

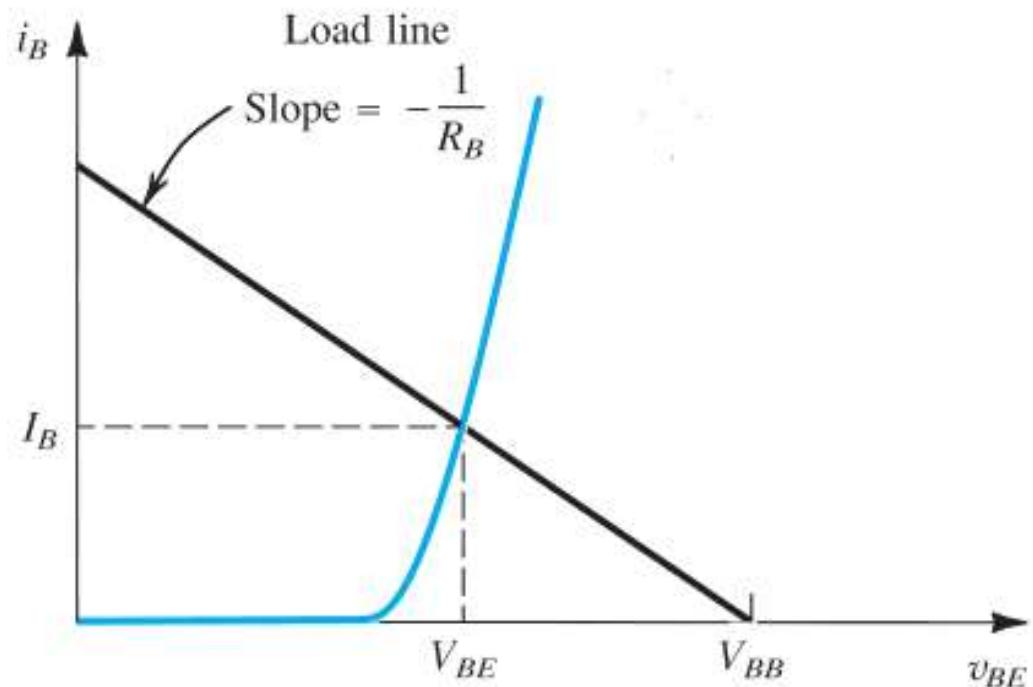
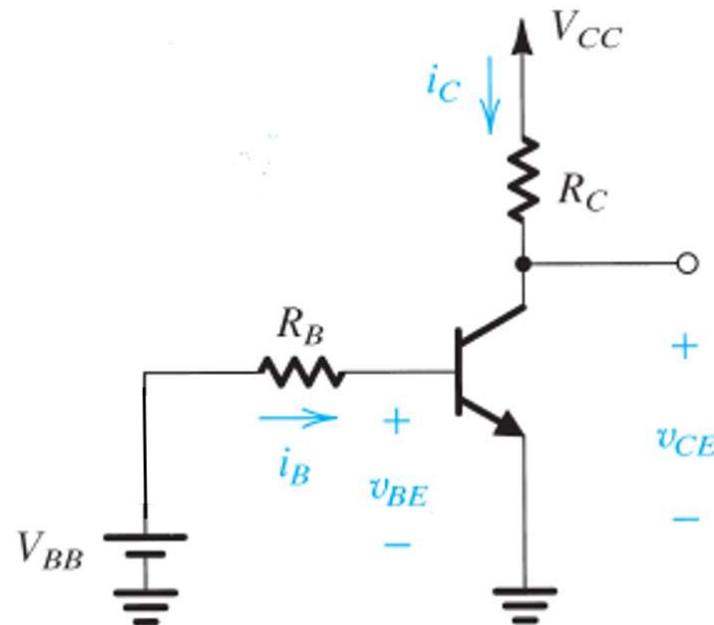
$$S_\beta = \frac{\partial I_C}{\partial \beta} = \frac{(V_{CC} - V_{BE})}{R_B} + I_{C0}$$

# Analiza kola grafičkom metodom

Primenom Kirhofovog zakona za napon nalazimo vezu između  $i_B$  i  $v_{BE}$ . Ukoliko je poznata ulazna karakteristika može se grafički odrediti struja baze u radnoj tački.

$$v_{BE} = V_{BB} - i_B \cdot R_B$$

$$i_B = \frac{V_{BB} - v_{BE}}{R_B}$$



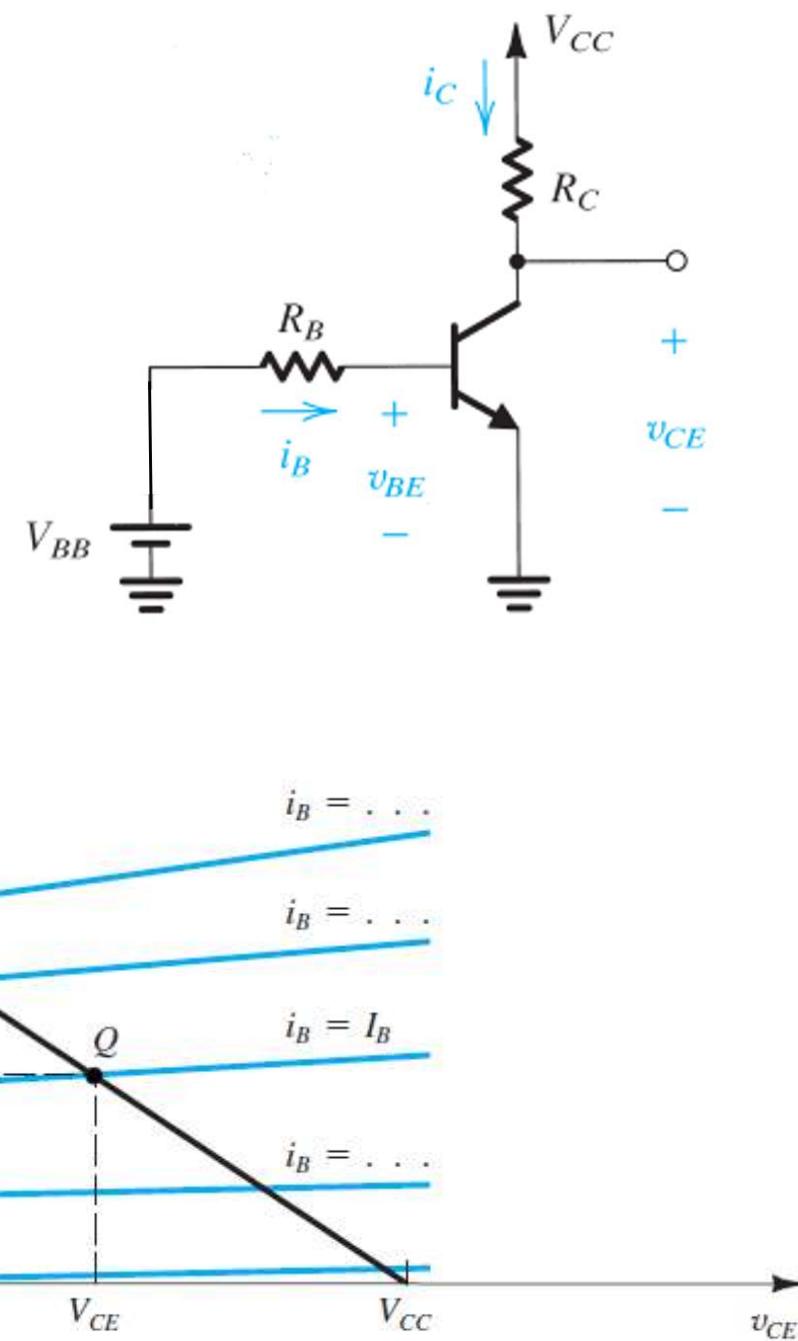
# Analiza kola grafičkom metodom

Na isti načim, primenom Kirhofovog zakona za napon nalazimo vezu između izlaznih veličina:  $i_C$  i  $v_{CE}$ . Ukoliko je poznata izlazna karakteristika može se odrediti **mirna radna tačka, Q**.

Mirna radna tačka definisana je sa jednosmernim izlaznim naponom,  $v_{CE}$ , i jednosmernom izlaznom strujom  $i_C$ .

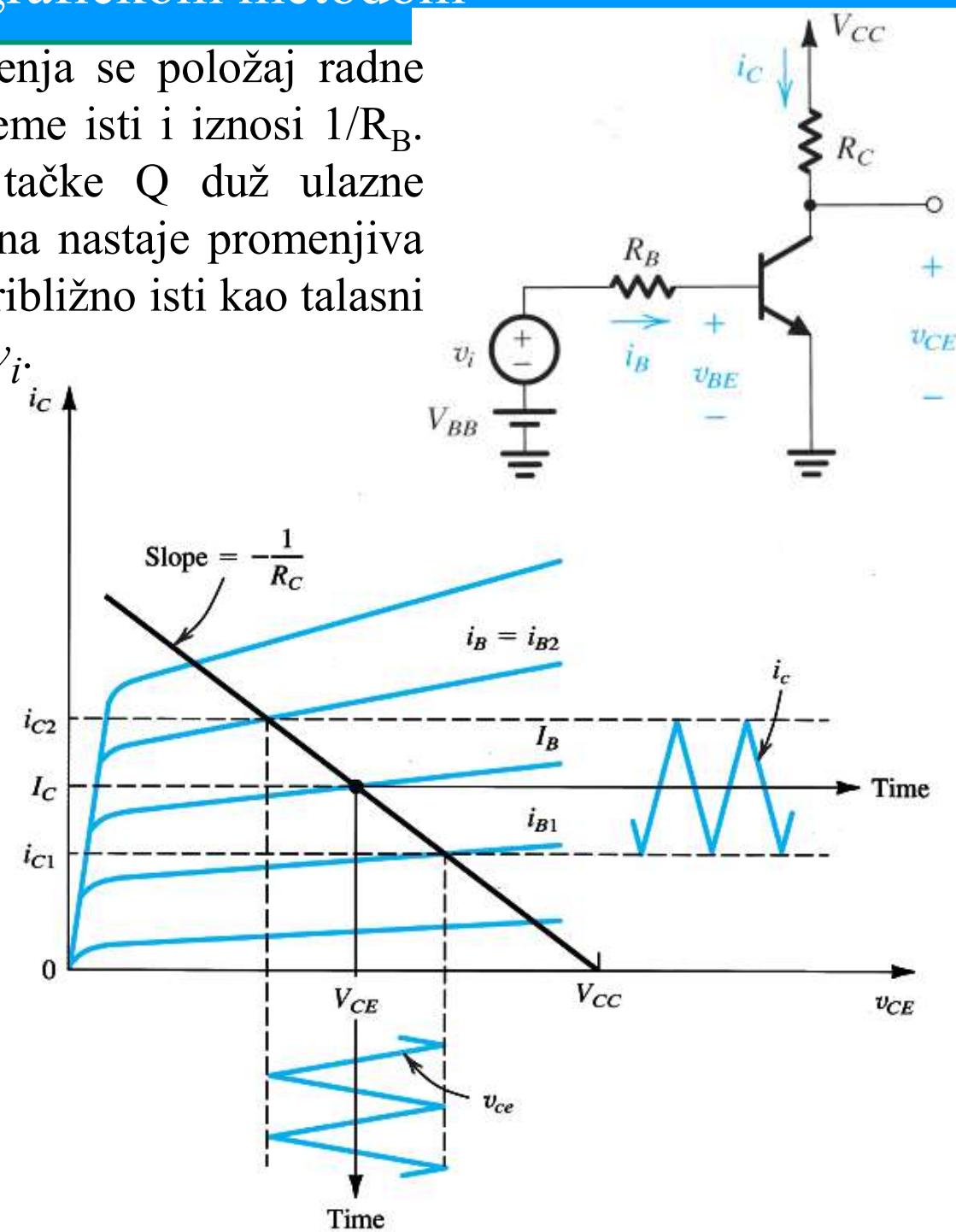
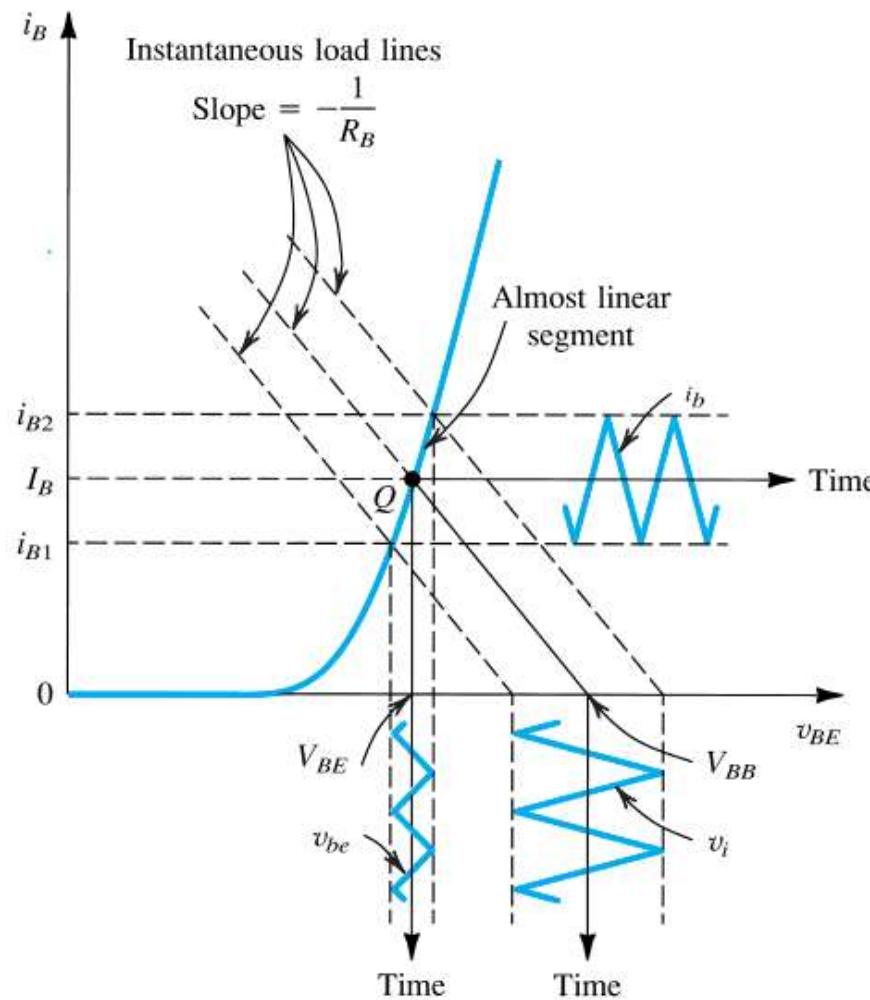
$$v_{CE} = V_{CC} - i_C \cdot R_C$$

$$i_C = \frac{V_{CC} - v_{CE}}{R_C}$$



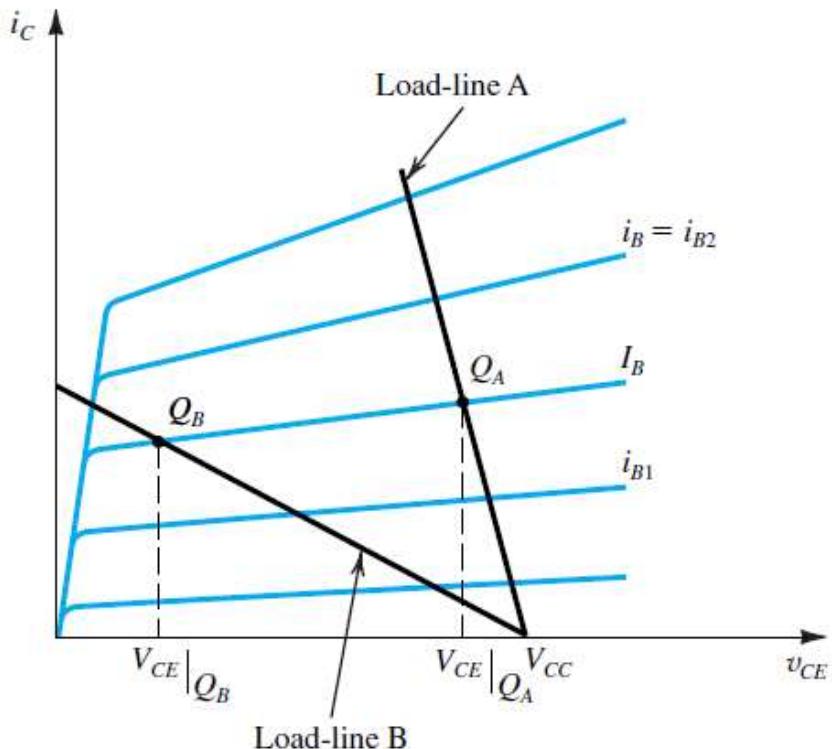
# Analiza kola grafičkom metodom

Pod dejstvom promenjivog napona  $v_i$  menja se položaj radne prave, pri čemu njen nagib ostaje svo vreme isti i iznosi  $1/R_B$ . Istovremen se menja i položaj radne tačke Q duž ulazne karakteristike. Kao posledica ovih promena nastaje promenjiva komponenta struje  $i_b$  čiji talasni oblik je približno isti kao talasni oblik koji generiše naizmenični generator  $v_i$ .



# Analiza kola grafičkom metodom

Izbor radne tačke je veoma bitan za korektno funkcionisanje kola. Optimalna radna tačka bi trebala da bude na sredini aktivne oblasti rada. Ukoliko je blizu oblasti zasićenja (radna tačka QB) ili zakočenja (radna tačka QA) amplituda napona na izlazu je smanjena a pri većim vrednostima ulaznog signala javljaju se izobličenja.



## **Elementarna pitanja**

- 1. Koeficijenti strujnog pojačanja za spregu sa zajedničkom bazom i za spregu sa zajedničkim emitorom.**
- 2. Režimi rada bipolarnog tranzistora.**
- 3. Model za velike signale.**

## **Ostala ispitna pitanja**

- 1. Ebers-Molov model.**
- 2. Erlijev efekat.**
- 3. Ulazna i izlazna karakteristika bipolarnog tranzistora.**
- 4. Polarizacija razdelnikom napona.**
- 5. Polarizacija naponskom povratnom spregom.**
- 6. Polarizacija izvorom konstantne struje.**
- 7. Temperaturska stabilizacija, koeficijenti stabilnosti kolektorske struje.**